

Unidad 3 Estructuras Lineales

- 3.1 Pilas
- 3.2 Colas
- 3.3 Listas Encadenadas

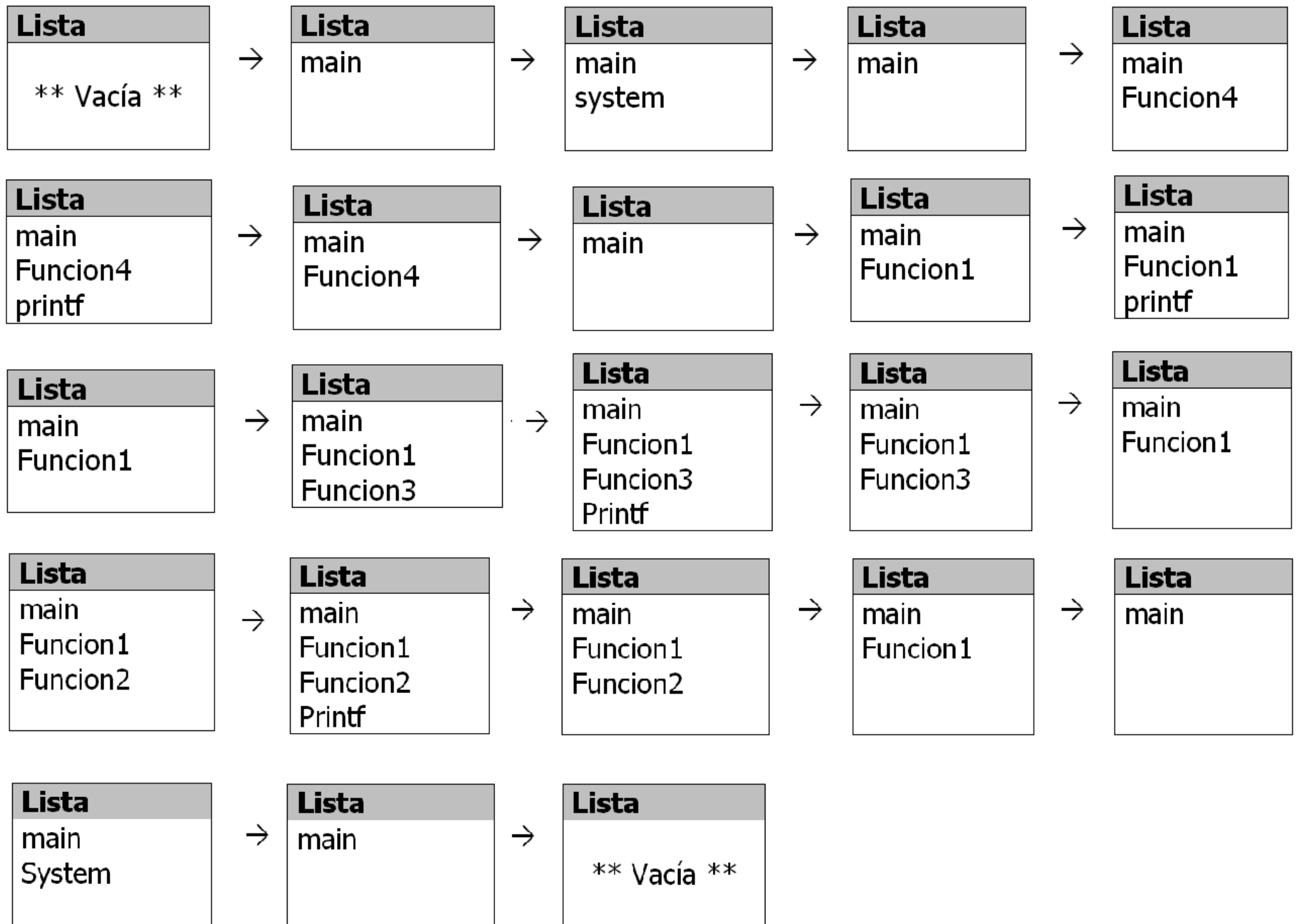
3.1 Pilas

```
#include <iostream>
using namespace std;
void Funcion1(); void Funcion2(); void Funcion3(); void Funcion4();
int main() {
    system("cls");
    Funcion4();
    Funcion1();
    system("pause");
}
void Funcion4() {
    printf("A"); }
void Funcion2() {
    printf("B"); }
void Funcion3() {
    printf("C"); }
void Funcion1() {
    printf("D");
    Funcion3();
    Funcion2(); };
```

3.1 Pilas

La respuesta es ADCB porque el Sistema Operativo controla la ejecución de los programas (C++ p.ej.) respetando un procedimiento como el siguiente:

1. El programa *main* se ejecuta en primer lugar.
2. Luego se ejecuta la primera instrucción dentro de *main*.
3. Al terminar la ejecución de una instrucción, se continúa con la siguiente.
4. Una instrucción puede ser el nombre de un subprograma.
5. Al iniciar la ejecución de una instrucción se anota su nombre en una lista, si la lista contiene otras instrucciones, se conservan y el nuevo nombre se añade al final.
7. Mientras una instrucción se encuentra en ejecución, su nombre se mantiene anotado en la lista.
8. Cuando una instrucción termina, su nombre se remueve de la lista.
9. Si una instrucción se borra de la lista, la instrucción que ahora queda al final, es la que continuará su ejecución.



3.1 Pilas

El programa de la derecha se probó como ayuda para entender el principio básico de la recursividad.

Conviene probarlo ahora que se está estudiando la estructura ***Pila***.

```
#include <iostream>
using namespace std;

void ImprimeD() {
    printf("D");
    printf("4"); }

void ImprimeCD() {
    printf("C");
    ImprimeD();
    printf("3"); }

void ImprimeBCD() {
    printf("B");
    ImprimeCD();
    printf("2"); }

void ImprimeABCD() {
    printf("A");
    ImprimeBCD();
    printf("1"); }

int main() {
    system("cls");
    ImprimeABCD();
}
```

3.1 Pilas

- La lista que provee el S.O. durante la ejecución de un programa es una **PILA**.
- El ejemplo de las páginas previas es una herramienta didáctica, en realidad algo de lo que se guarda en la pila para controlar el orden de ejecución, son direcciones de memoria de retorno.
- La aplicación de pilas que acabamos de conocer es una de las más importantes.
- Las pilas son estructuras **UEPS** o **LIFO** (*Ultimas Entradas Primeras Salidas* o en inglés *Last Input, First Output*).

3.1 Pilas

- Aunque los lenguajes de programación ya cuentan con clases pila (C++ cuenta con la clase ***stack***), escribiremos para fines didácticos nuestra propia clase llamada ***Pila***.
- Antes de escribir la clase ***Pila***, primero hay que escribir un programa para comprobar si una frase es un palíndromo (ese programa no debe usar una pila).
- Luego se resolverá el mismo problema usando una pila.

El programa debe solicitar al usuario una frase, el programa analizará la frase y responderá si se trata de un palíndromo o no (los espacios no deben tomarse en cuenta).

PALÍNDROMOS:

Anilina.

Dábale arroz a la zorra el abad.

Roma ni se conoce sin oro, ni se conoce sin amor.

Nion anomemata me monan oin (*"Lavad vuestros pecados, no solo vuestra cara"* en griego).

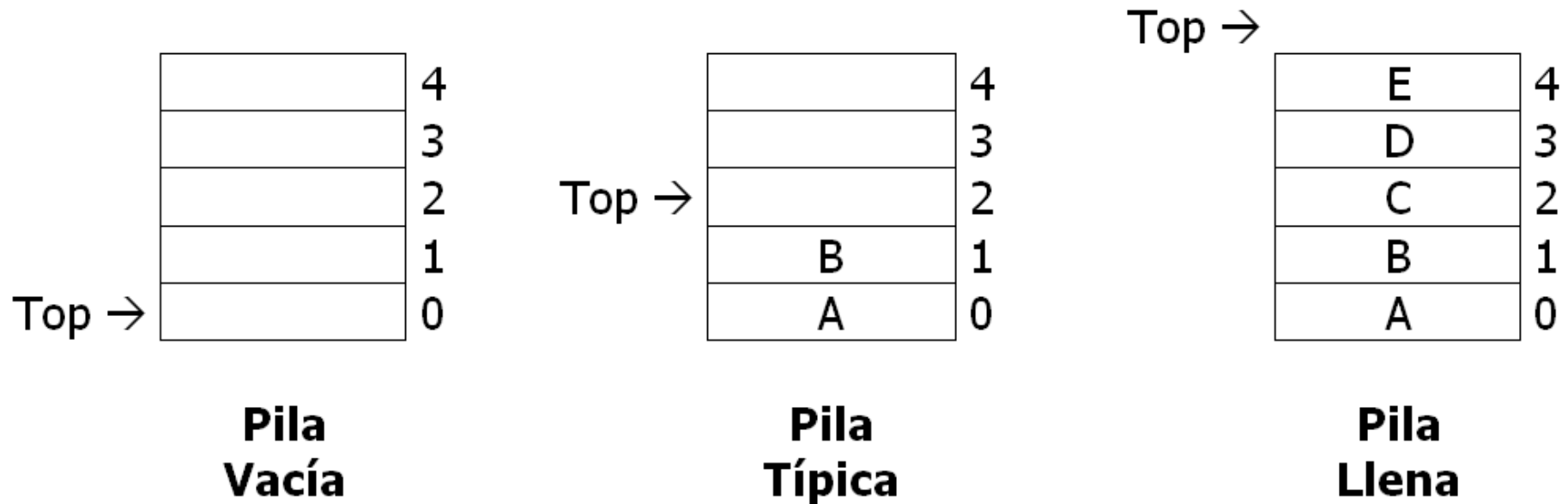
NO SON PALÍNDROMOS:

Estructuras de Datos

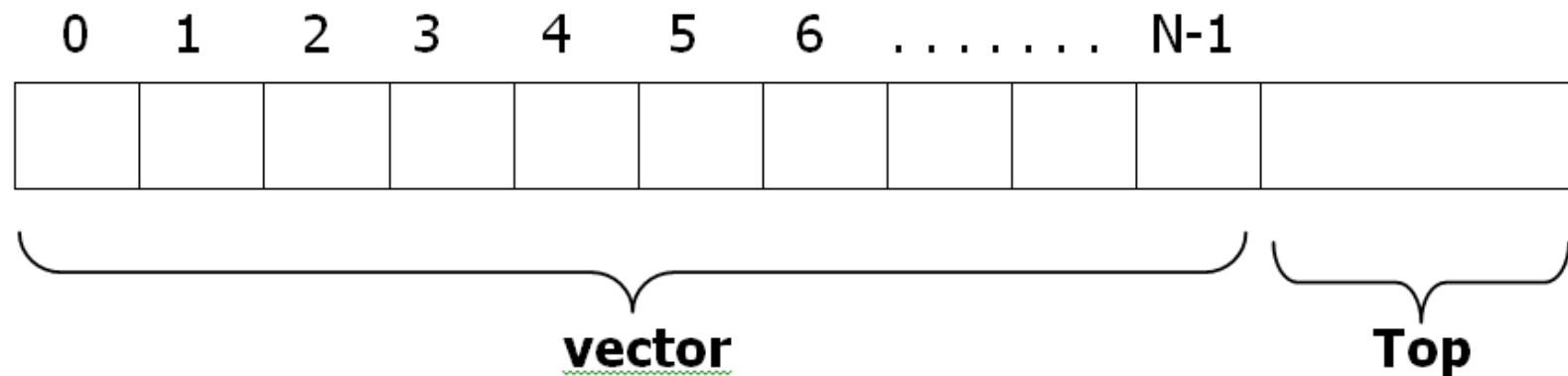
Dábale el abad arroz a la zorra

<https://www.esquire.com/es/actualidad/libros/a40309148/palindromos-ejemplos-palabras-frases/>

Diferentes estados de una pila en un vector
(el tamaño físico del vector es 5).



Clase Pila



3.1 Pilas

Métodos	Seudocódigo	Observaciones
Constructor	$\text{top} \leftarrow 0$	
<u>push</u>	$\text{vector}[\text{top}] \leftarrow \text{dato}$ $\text{top}++$	Guardar un dato en la pila
pop	$\text{top}--$ <u>resulta</u> $\text{vector}[\text{top}]$	Elimina un dato De la pila
<u>vacía</u>	si $\text{top} == 0$ resulta true	
llena	si $\text{top} == \text{max}$ resulta true	

Pila.h

```
#define TamVector 1000
class Pila{
    private:
        int top;
        char vector[TamVector];
    public:
        Pila()                { top=0; };
        void push(char x) { vector[top]=x; top++; };
        char pop()          { top--; return vector[top]; };
        bool vacia()        { return (top==0); };
        bool llena()        { return (top==TamVector); };
};
```

3.1 Pilas

Enseguida se resuelve el problema de comprobación de una frase respecto a si es palíndromo o no, **usando la clase pila** creada por nosotros.

VerificaPalindromo.cpp

```
#include <iostream>
using namespace std;
#include "Pila.h"
int main()
{
    char frase[200];
    cout << "Escribe una frase: "; gets(frase);
    Pila x1,x2,x3; // se requieren 3 pilas
    for(int i=0; frase[i]!=0; i++)
        if (frase[i]!=32) {
            x1.push(frase[i]);
            x2.push(frase[i]);
        };
    while (!x1.vacia())
        x3.push(x1.pop());
    bool EsPalindromo=true;
    while (!x2.vacia())
        if (x3.pop()!=x2.pop())
            EsPalindromo=false;
    if (EsPalindromo)
        cout << "ES Palindromo\n";
    else
        cout << "NO es Palindromo\n";
    return 0;
}
```

Este "if" permite ignorar los espacios.
Modifique el código para no tomar en cuenta la H, quitar acentos y uniformar a mayúsculas o minúsculas

Se invierte el contenido de la pila 1

Se comparan las pilas 2 y 3

3.1 Pilas

Ejercicio 2.

Escribir un programa que verifique que una expresión aritmética se encuentre agrupada correctamente. Los símbolos de agrupación a considerar son paréntesis, corchetes y llaves. No se requiere revisar la validez de la expresión desde otro punto de vista, solo de la agrupación.

Expresiones Válidas

$(a+b)*(c-d)$
 $(a+b)*x[1]+y[0,0]$
 $xzy-(*a)\{ \quad \}$
 $((a+b)/(c-d)+x)/\{((x+1)/2)/(z-3)\}$
 $a*(b[R]+c\{3\})$
 $\{ \}$
 $()$
 $[]$

Expresiones Inválidas

$(a+b[i]$
 $)x+y[3,0]($
 $a+b[3)+c\{1\}$
 $(a[1)+1]*2$
 $)$
 $($

// RevisaParentesis.cpp

```
#include <iostream>
using namespace std;
#include "Pila.h"
#define PARIZQ '(' // PARentesis
#define PARDER ')'
#define CORIZQ '[' // CORchetes
#define CORDER ']'
#define LLAIQZQ '{' // LLAVes
#define LLADER '}'
int main(){
    char expresion[100];
    cout << "Expresion con Parentesis, Corchetes, Llaves: "; gets(expresion);
    Pila x; bool EsCorrecta=true;
    for(int i=0; expresion[i]!=0; i++)
        if (expresion[i]==PARIZQ)
            x.push(PARDER);
        else if (expresion[i]==CORIZQ)
            x.push(CORDER);
        else if (expresion[i]==LLAIQZQ)
            x.push(LLADER);
        else if ((expresion[i]==PARDER)or(expresion[i]==CORDER)
            or(expresion[i]==LLADER))
            if (x.vacia())
                EsCorrecta=false;
            else if (expresion[i]!=x.pop())
                EsCorrecta=false;
    if (!x.vacia())
        EsCorrecta=false;
    if (EsCorrecta) cout << "EXPRESION VALIDA\n";
    else cout << "EXPRESION INVALIDA\n";
    return 0;
}
```

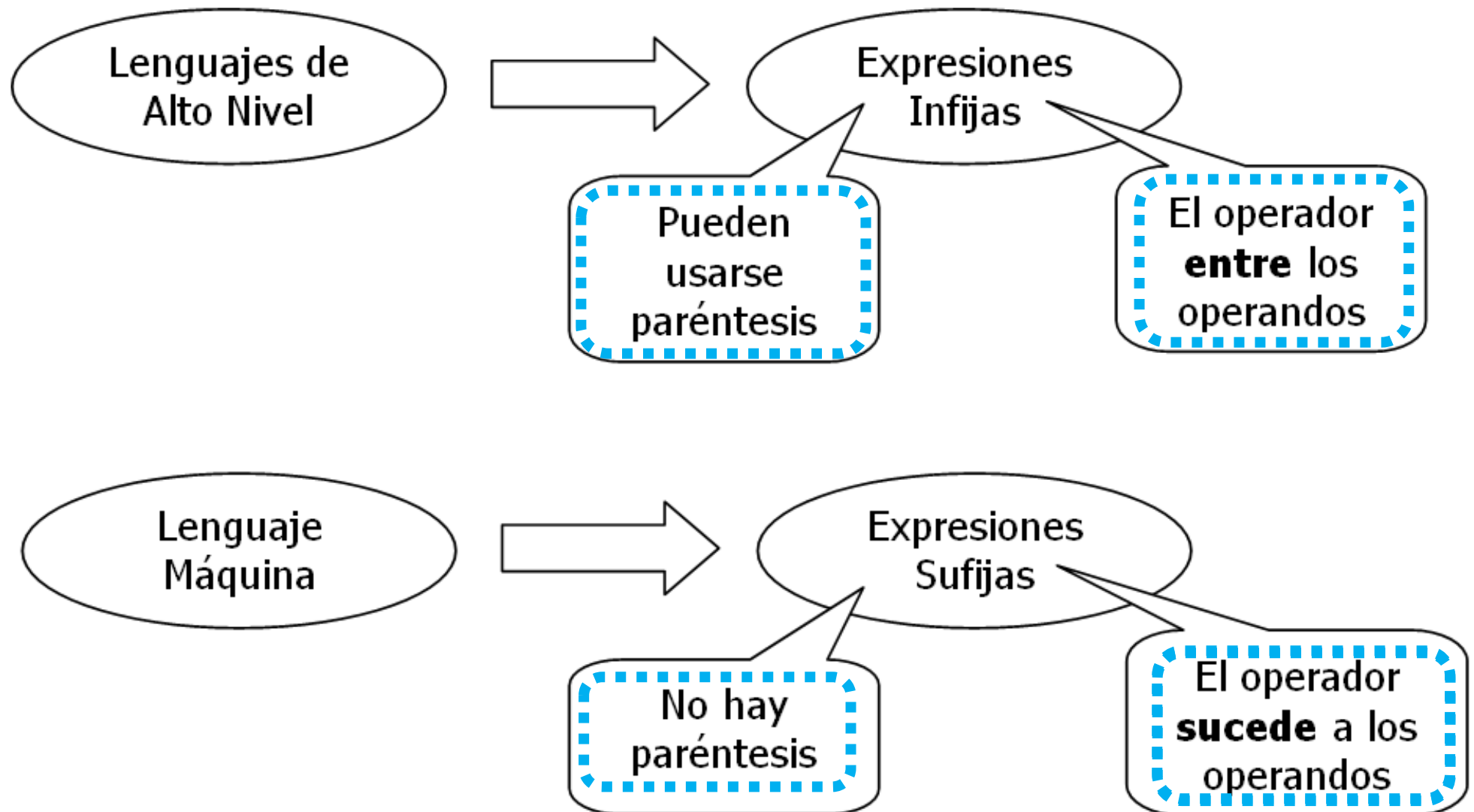
3.1 Pilas

Ejercicio:

Modifique el programa anterior para que se pueda incluir como pareja de símbolos de agrupación a los caracteres de “*Menor que*” $<$ y “*Mayor que*” $>$

3.1 Pilas

Conversión de Expresiones Aritméticas a la Forma Sufija



3.1 Pilas

Forma infija

Forma sufija
equivalente

$a+b$

$a \ b \ +$

$5+1$

$5 \ 1 \ +$

$a+b*c$

$a \ b \ c \ * \ +$

$5+1*3$

$5 \ 1 \ 3 \ * \ +$

$(a+b)*c$

$a \ b \ + \ c \ *$

$(5+1)*3$

$5 \ 1 \ + \ 3 \ *$

$(a+b)^2*(c-d)$

$a \ b \ + \ 2 \ ^ \ c \ d \ - \ *$

$(5+1)^2*(3-4)$

$5 \ 1 \ + \ 2 \ ^ \ 3 \ 4 \ - \ *$

3.1 Pilas

Jerarquía de operadores (de mayor a menor):

^ potencia * / multiplicación y división + - suma y resta

Compilación:

$(a+b)*(c+d) \Rightarrow \underline{ab+cd}+*$

Las expresiones en la forma sufija se evalúan de izquierda a derecha. El primer operador que se encuentre, se aplica a los 2 operandos previos.

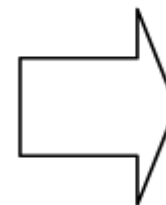
El resultado obtenido se convierte en un operando y se inicia de nuevo desde la izquierda la búsqueda de un operador.

Evaluación:

$\underline{a} \ b \ + \ c \ d \ + \ *$



$R_1 \ (c \ d \ +) \ *$



$(R_1 \ R_2) \ *$

Algoritmo para la conversión de una expresión infija a la forma sufija

- a) Se usarán dos pilas, llamadas pila de **operadores** y pila *polish*.
- b) La expresión infija se encontrará en un **string**.
- c) La expresión debe estar correctamente agrupada si se usan paréntesis y no debe tener errores de sintaxis para que el algoritmo funcione correctamente.
- d) Se repetirá el siguiente procedimiento para cada elemento de la expresión infija:
 - Se toma un elemento de la expresión infija.
 - Si es un operando¹ se guarda en la pila *polish*.
 - Si es el primer operador que llega² o es un paréntesis izquierdo, se guarda en la pila de **operadores**.
 - Si lo que llega es un paréntesis derecho, se transfieren **uno a uno** los operadores de la pila de **operadores** hacia la pila *polish* hasta que se encuentre un paréntesis izquierdo³, y se desechan ambos paréntesis.
 - Si no se trata de ninguno de los dos casos anteriores, se comparará la jerarquía del operador que está en la cima de la pila de **operadores** con la del operador que quiere entrar:
 - Si la jerarquía del operador que llega es mayor que la jerarquía del operador que está en la cima, se almacena el operador que llega, en la pila de **operadores**.
 - En caso contrario, se transfiere el operador que está en la cima de la pila de **operadores** hacia la pila *polish* y de nuevo se hace la comparación entre el operador que llega y el que ahora queda en la cima de la pila de **operadores**.
- e) Una vez que ya no haya elementos en la expresión infija, se transfieren uno a uno los operadores de la pila de operadores hacia la pila *polish*.
- f) Finalmente hay que pasar todo el contenido de la pila *polish* hacia la de operadores para luego poder sacarla de la pila de operadores en el orden correcto.

Referencias:

1. Un operando es una variable o una constante.
2. Se asumirá que es el primer operador que llega verificando si la pila de **operadores** está vacía, o si en el tope de ella hay un paréntesis izquierdo.
3. El último que entró, es decir, el que corresponde con el paréntesis derecho que ha llegado.

Pruebe este algoritmo con la siguiente expresión: **$a*b+c/(d-1)$**

```

#include <iostream>
using namespace std;
#include "Pila2.h"
#define PARIZQ '(' #define PARDER ')'
bool EsOperando(char); bool EsOperador(char); int Jerarquia(char);
int main(){
    char Infija[100];
    cout << "Expresion INFIJA: "; gets(Infija);
    Pila Polish, Operadores;
    for(int i=0; Infija[i]!=0; i++){
        if (EsOperando(Infija[i]))
            Polish.push(Infija[i]);
        else if (Infija[i]==PARIZQ)
            Operadores.push(Infija[i]);
        else if ((EsOperador(Infija[i])) and (Operadores.vacia() or (Operadores.ver()==PARIZQ)))
            Operadores.push(Infija[i]);
        else if (Infija[i]==PARDER) {
            char temp;
            temp = Operadores.pop();
            while (temp!=PARIZQ) {
                Polish.push(temp);
                temp = Operadores.pop();
            };
        }
        else if (Jerarquia(Infija[i])>Jerarquia(Operadores.ver()))
            Operadores.push(Infija[i]);
        else {
            Polish.push(Operadores.pop());
            i--;
        };
    }
    while (!Operadores.vacia())
        Polish.push(Operadores.pop());
    while (!Polish.vacia())
        Operadores.push(Polish.pop());
    while (!Operadores.vacia())
        cout << Operadores.pop();
    cout << endl;
    return 0;
}

```

```
bool EsOperador(char valor){
    if ((valor=='*') or (valor=='/') or (valor=='+') or (valor=='-') or (valor=='^'))
        return true;
    else
        return false;
};
```

```
bool EsOperando(char valor) {
    if ((valor>=65)and(valor<=90))
        return (true);
    else if ((valor>=97)and(valor<=122))
        return (true);
    else if ((valor>=48)and(valor<=57))
        return (true);
    else
        return false;
};
```

```
int Jerarquia(char operador)
{
    if (operador=='^') return 5;
    else if (operador=='*') return 3;
    else if (operador=='/') return 3;
    else if (operador=='+') return 0;
    else if (operador=='-') return 0;
};
```

3.1 Pilas

Para que el programa de la Conversión de forma infija a sufija funcione correctamente, el método siguiente debe añadirse a la Clase Pila

```
char ver() {  
    return vector[top-1];  
};
```

Ejercicios

- Convierta las expresiones infijas siguientes a la forma sufija usando el algoritmo.
- Luego compruebe que la conversión fue correcta usando el programa en C++.

$$(0-b+(b^2-4*a*c)^{(1/2)})/(2*a)$$

$$(i+j)^3*(x/2-y*z)/(b+1/2)$$

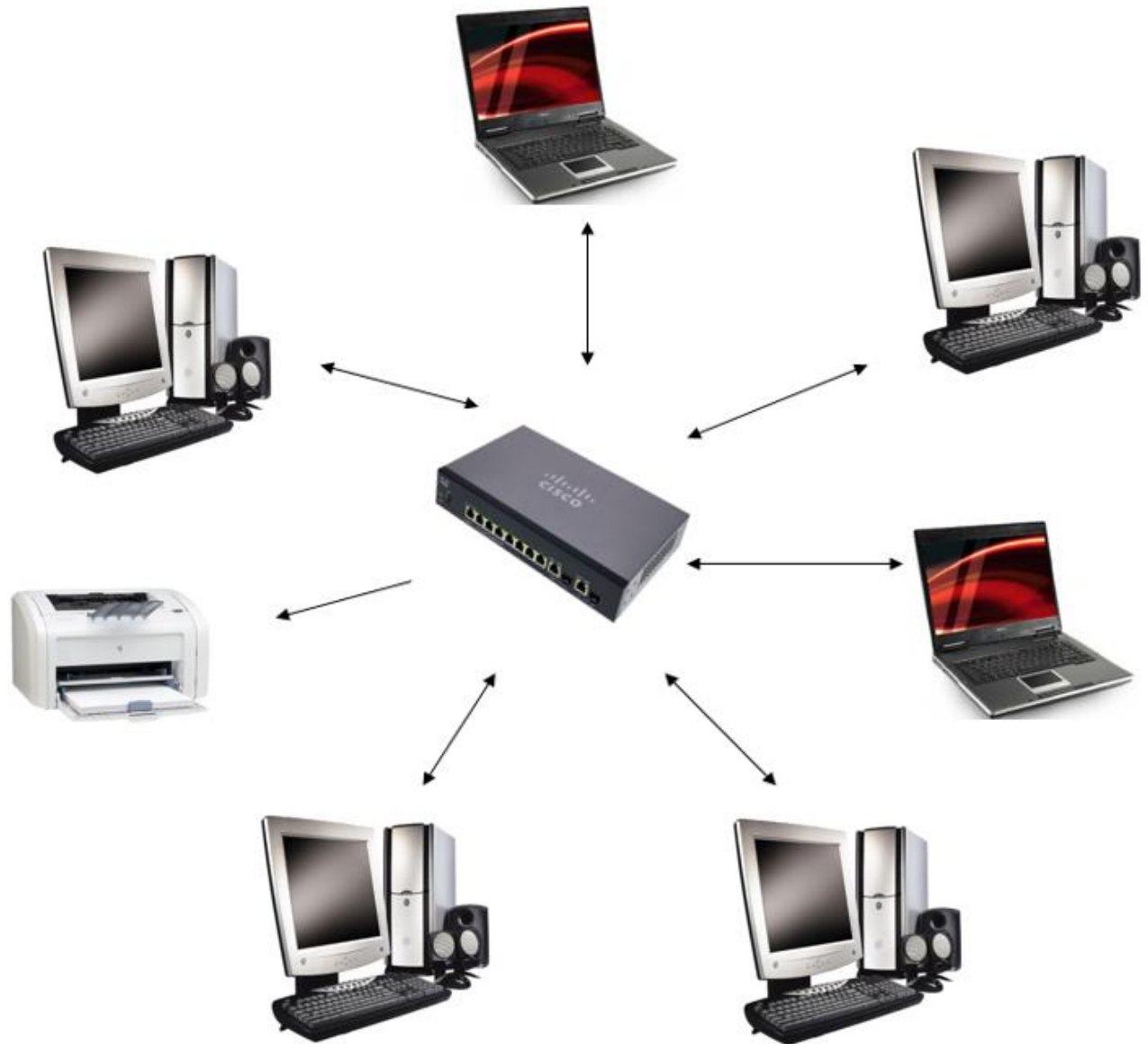
$$a+b*(c^{(2*(x+2))}/(y+z))$$

3.2 Colas

Una de las aplicaciones:

Impresión en red

- 1) Un usuario de la red desea imprimir un documento.
- 2) La impresora está disponible.
- 3) El documento es de tamaño importante.
- 4) Casi simultáneamente otros tres usuarios desean imprimir pero la impresora está ocupada.
- 5) ¿A cual de los tres se le asignará la impresora una vez que termine la impresión del documento grande?



3.2 Colas



Otra aplicación:

Un sistema operativo multitarea debe distribuir el tiempo de operación del CPU para atender las tareas que corren **"simultáneamente"** durante la operación regular del equipo, por ejemplo:

- Antivirus
- Reproductor de Música
- Microsoft Word®

Página: 12 de 55 Palabras: 4.404

02:53 p. m.
17/10/2016

3.2 Colas

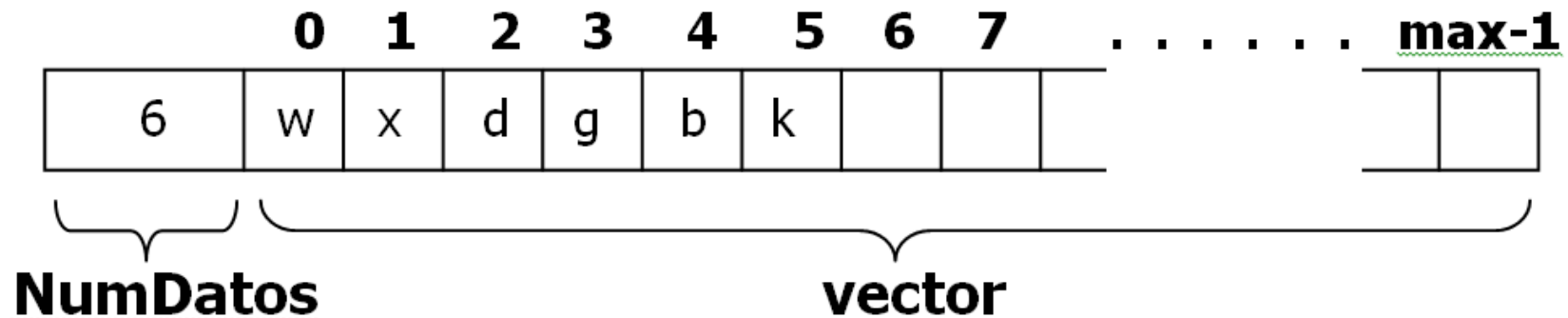
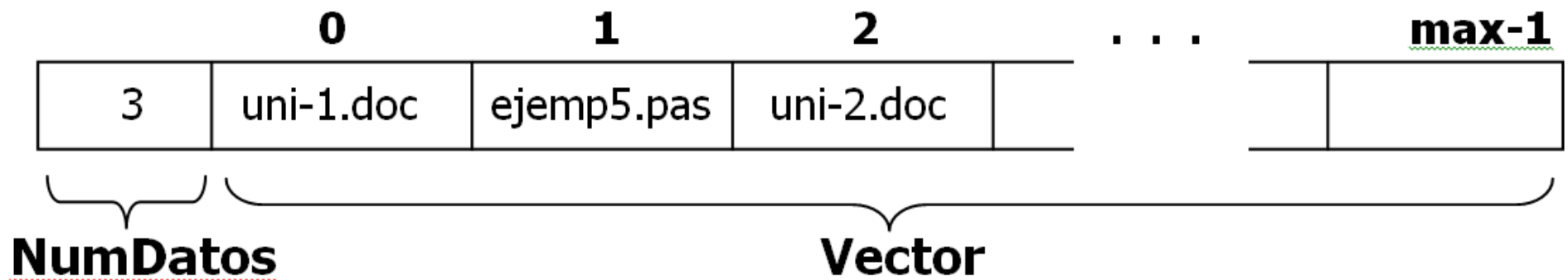
Las colas son estructuras de datos **PEPS** (**P**rimeras **E**ntradas, **P**rimeras **S**alidas) o **FIFO** (**F**irst **I**nput, **F**irst **O**utput).

Cola con corrimiento

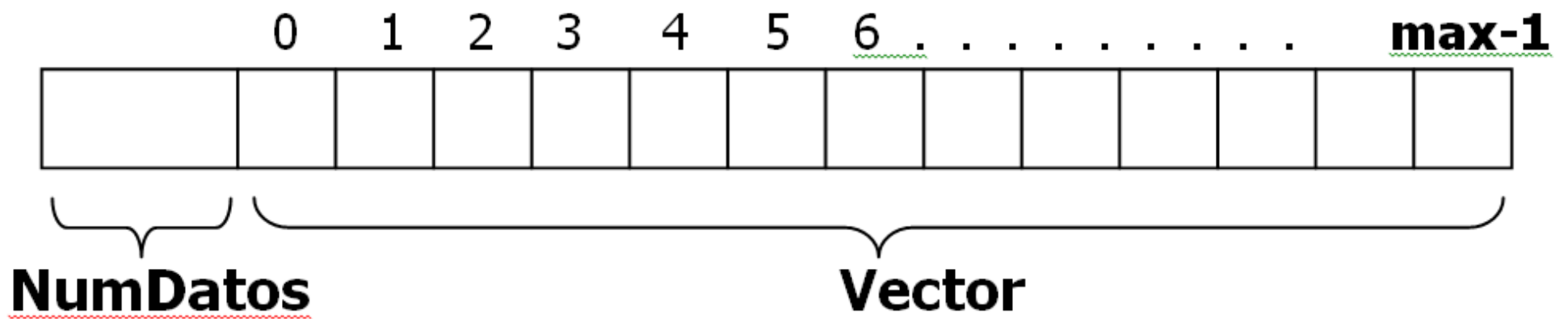
- Las colas en los sistemas son como las de un Banco o del cine.
- Solo que no atienden personas, sino procesos o tareas.
- Una **cola con corrimiento** guarda los datos de los procesos en el orden que serán atendidos cuando sea posible.
- Una cola siempre inicia vacía y su tamaño cambia continuamente.
- Se usará el mismo concepto del vector dinámico.
 - Cada dato que se va a colocar en espera se añadirá al final del vector.
 - Las tareas que ya fueron atendidas (por ejemplo la impresión cuya atención se inició) deben ser eliminados de la cola, por lo que el dato de la **posición 0** del vector es el que se elimina.

3.2 Colas

Los siguientes son dos arreglos dinámicos en cierto momento (el primero es una cola de impresión y el segundo una aplicación cualquiera no especificada).



Clase Cola



3.2 Colas

Método	Objetivo y Observaciones	Seudocódigo
Constructor	✓ Se asegura que la cola esté vacía. ✓ Equivale a ModifTam(0)	numdatos $\leftarrow$ 0
Entra	✓ Añade un nuevo dato a la cola. ✓ Equivale a Añadir(dato)	vector[numdatos] $\leftarrow$ dato <u>numdatos++</u>
Sale	✓ Recupera el dato al que toca turno y lo retira de la cola. ✓ Equivale a Eliminar(0)	Resulta vector[0] Para i $\leftarrow$ 1 hasta numdatos-1 ejecutar vector[i - 1] $\leftarrow$ vector[i] numdatos--
<u>Vacia</u>	✓ Indica si la cola no tiene ningún dato en espera.	Si numdatos=0 Resulta TRUE
Llena	✓ Indica si no hay capacidad en la cola para un dato más.	si <u>numdatos=max</u> Resulta TRUE

```
#define MaxCola 1000
```

```
class Cola {  
    private:  
        int numdatos;  
        char vector[MaxCola];  
    public:  
        Cola();  
        void entra(char);  
        char sale();  
        bool vacia();  
        bool llena();  
};
```

```
Cola::Cola() {  
    numdatos=0;  
};
```

```
void Cola::entra(char x) {  
    vector[numdatos]=x;  
    numdatos++;  
}
```

3.2 Colas

```
char Cola::sale() {  
    char temp=vector[0];  
    for(int i=1;i<numdatos;i++)  
        vector[i-1]=vector[i];  
    numdatos--;  
    return temp;  
}  
  
bool Cola::vacía() {  
    return (numdatos==0);  
};  
  
bool Cola::llena() {  
    return (numdatos==MaxCola);  
};
```

3.2 Colas

Ejercicio

Escribir un programa que realice lo siguiente:

- Tomar una frase del teclado.
- Guardar cada uno de los caracteres en una cola llamada **x1**.
- Repetir cierto número de veces las dos secuencias siguientes:
 - Hasta que **x1** quede vacía, ejecutar:
 - Tomar de la cola **x1** un valor e imprimirlo.
 - Hacer un retraso de 1 seg. y guardar el dato en otra cola llamada **x2**.
 - Hasta que **x2** quede vacía, ejecutar:
 - Tomar un valor de la cola **x2** e imprimirlo.
 - Hacer un retraso de 1 segundo y guardar el dato en **x1**.

3.2 Colas

```
#include <iostream>
using namespace std;
#include "windows.h"
#include "colaCorrimiento.h"
int main()
{
    char frase[50];
    cout << "Escribe una frase: "; gets(frase);
    int veces;
    cout << "Número de Veces: "; cin >> veces;
    Cola x1, x2;
    for(int i=0; frase[i] != 0; i++)
        x1.entra(frase[i]);
}
```

3.2 Colas

```
char letra;
for(int i=0;i<veces;i++) {
    while (!x1.vacia()) {
        Sleep(200);
        letra=x1.sale();
        cout<<letra;
        x2.entra(letra);
    };
    cout << endl;
    while (!x2.vacia()) {
        letra=x2.sale();
        x1.entra(letra);
    };
};
return 0;
}
```

3.2 Colas

¿Tienen alguna desventaja las colas con corrimiento?

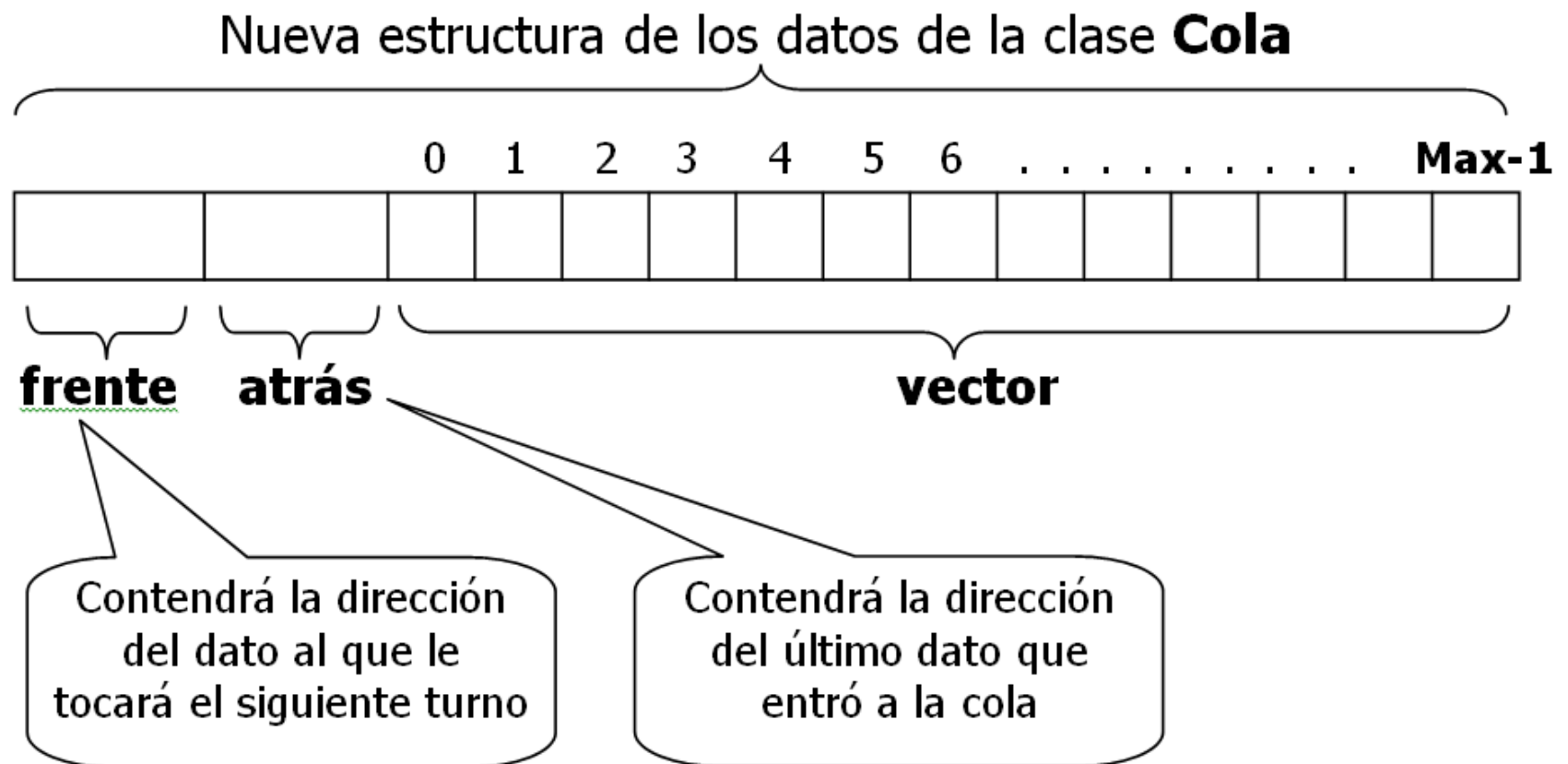
Si

el corrimiento del resto de los datos cuando sale uno de ellos (es un trabajo innecesario que se puede evitar como lo veremos enseguida)

3.2 Colas. Cola Simple

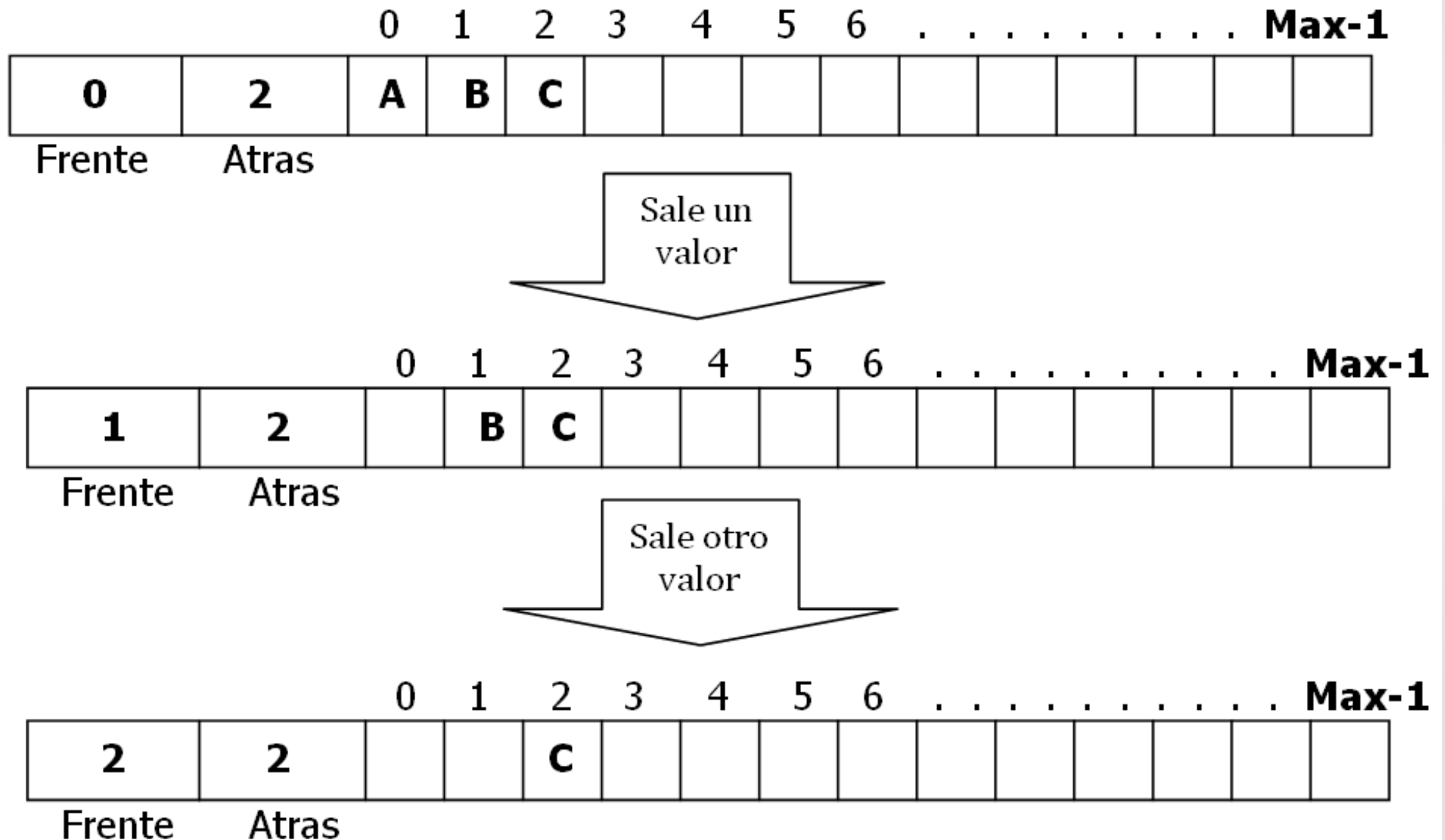
Hay una solución llamada ***Cola Simple*** que elimina el corrimiento.

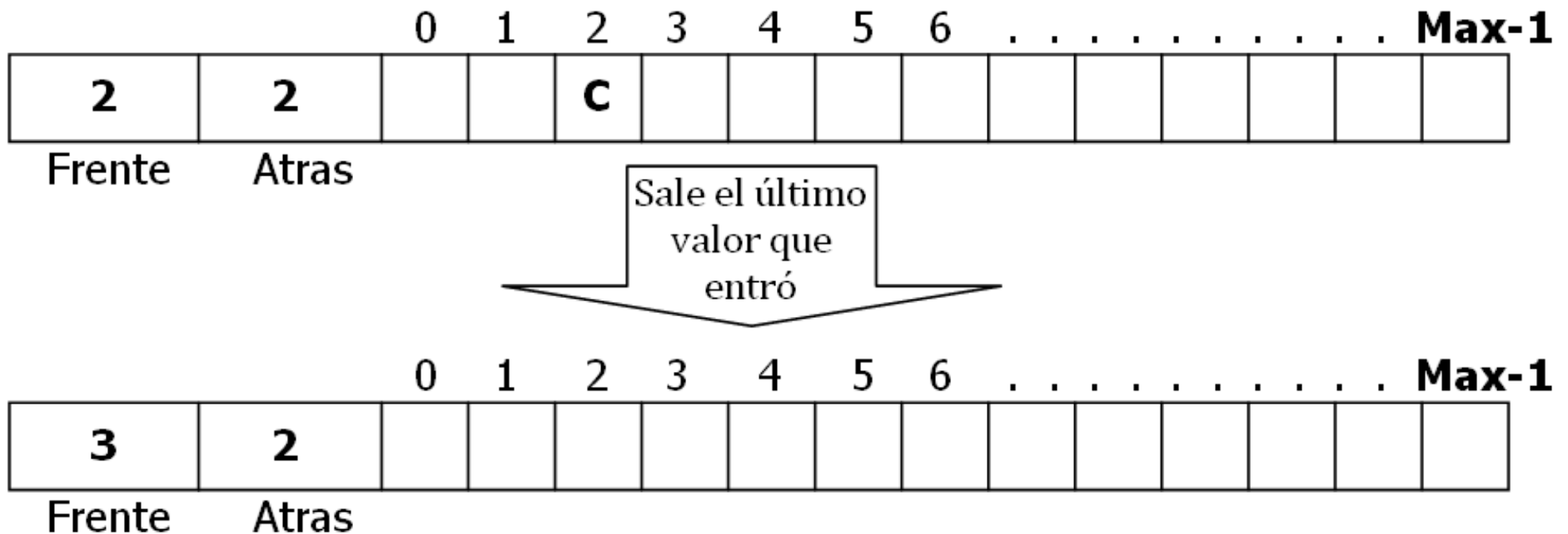
Cambio de paradigma para la clase *Cola* : Se incorporan dos apuntadores: ***frente*** y ***atrás***, que reemplazan a la variable **NumDatos**



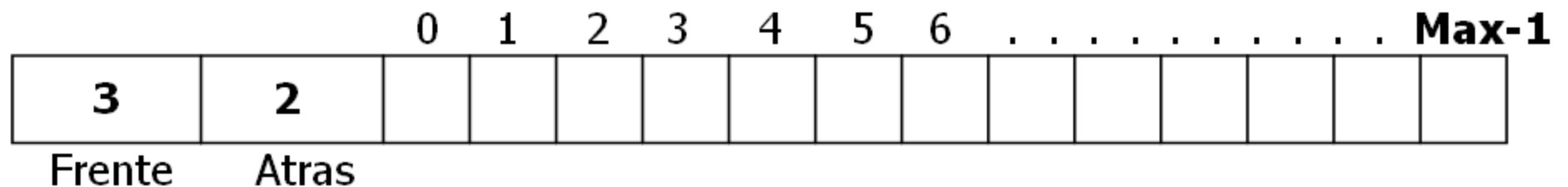
3.2 Colas

Estado de la *Cola* en cierto momento (entraron 3 valores y no ha salido ninguno)





Atras se mueve cada vez que entra un nuevo valor,
Frente se mueve cada vez que sale un valor



Se debe observar que en este estado, **la Cola se encuentra vacía** ya que el único valor que había, se retiró.

1. *Journal of the American Medical Association*, 2000; 284: 2689-2695.

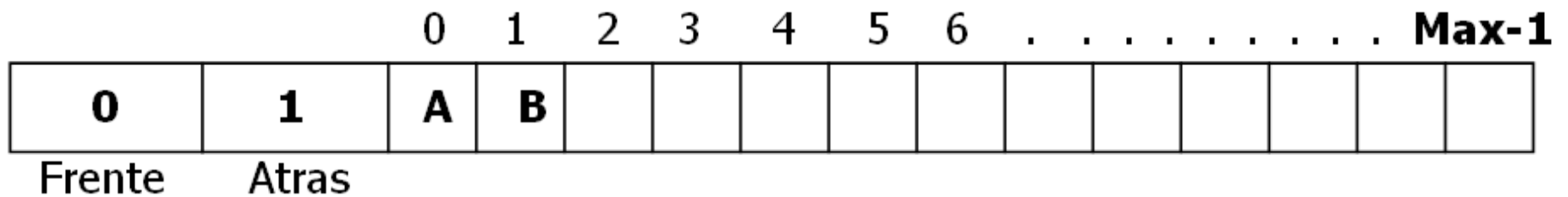
Ahora, se va a empezar con el estado del que se partió antes:

		0	1	2	3	4	5	6	.	.	.	.	.	.	Max-1
0	2	A	B	C											
Frente	Atras														

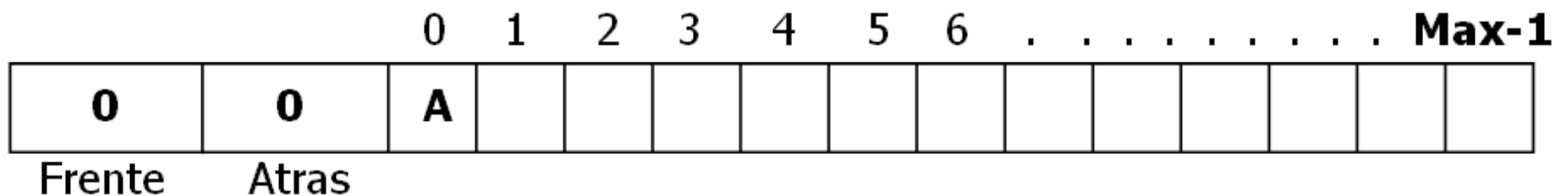
¿Cómo se llegó a este estado?

Como el último valor que entró es una **C**, significa que el estado anterior, forzosamente tuvo que ser el que se muestra enseguida:

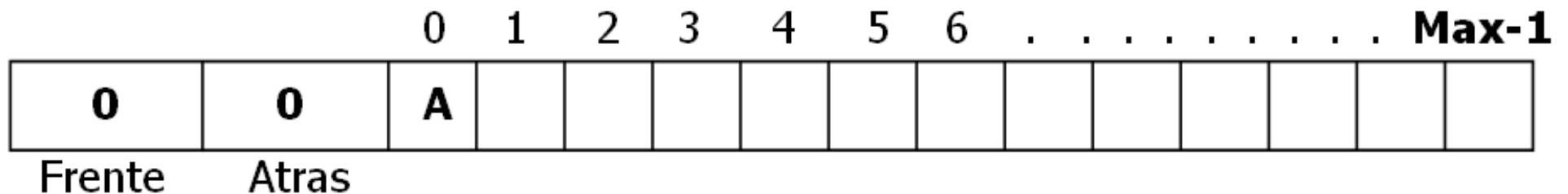
		0	1	2	3	4	5	6	.	.	.	.	.	.	Max-1
0	1	A	B												
Frente	Atras														



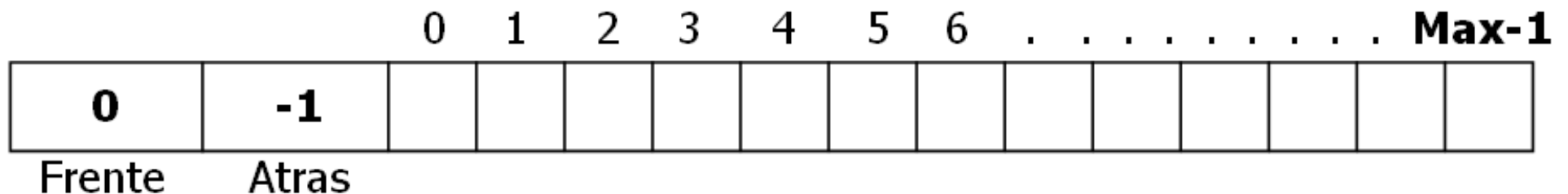
Y el estado anterior tuvo que ser éste:



3.2 Colas



Como la **A** es el único valor que hay en la Cola, significa que, considerando que el apuntador **Atras** se incrementa en 1 cada vez que entra un valor, el estado anterior tuvo que ser este:



por lo tanto éste tiene que ser el estado inicial de una **Cola Simple**

3.2 Colas

Métodos de la clase **Cola**

Métodos	Seudocódigo
Constructor	Atras $\leftarrow -1$ Frente $\leftarrow 0$
Entra	Mover Atras a la siguiente dirección (sumar 1 a Atras) vector[Atras] $\leftarrow$ dato
Sale	Valor Resultante: vector[Frente] Mover Frente a la siguiente dirección (sumar 1 a Frente)
<u>Vacia</u>	Si Frente > Atras Resulta TRUE
Llena	Si Atras == Max-1 Resulta TRUE

3.2 Colas

Ejercicio

Escriba la clase **Cola** en C++ bajo el criterio de **cola simple**. **Pruébela** con la aplicación **marquesina.cpp**, solo asegúrese de que el número de veces de impresión multiplicado por la longitud de la frase exceda el valor de MaxCola para que pueda observar el problema que presenta la Cola Simple.

3.2 Colas

```
#define MaxCola 100
```

```
class Cola {  
    private:  
        int frente,atras;  
        char vector[MaxCola];  
    public:  
        Cola();  
        void entra(char);  
        char sale();  
        bool vacia();  
        bool llena();  
};
```

```
Cola::Cola() {  
    frente=0;  
    atras=-1;  
};
```

3.2 Colas

```
void Cola::entra(char x) {
    atras++;
    vector[atras]=x;
}

char Cola::sale() {
    char temp=vector[frente];
    frente++;
    return temp;
}

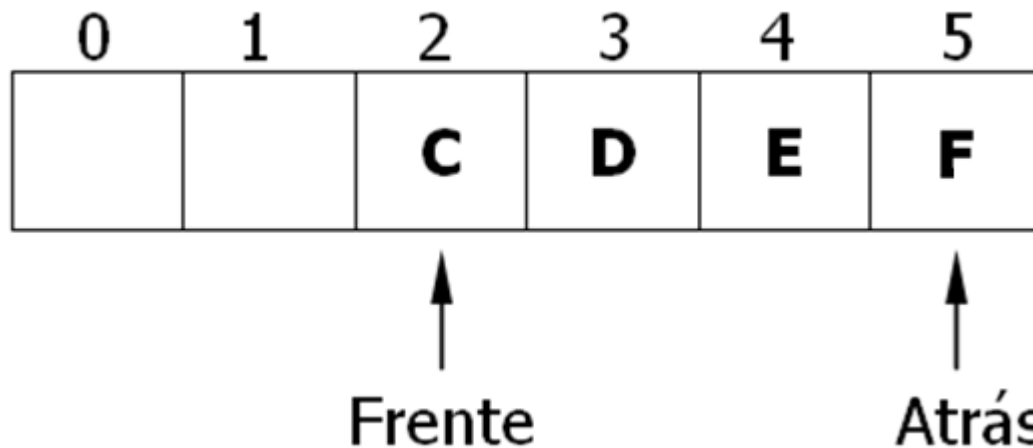
bool Cola::vacía() {
    return (frente>atras);
};

bool Cola::llena() {
    return (atras==MaxCola-1);
};
```


0	1	2	3	4	5
		C	D	E	F

↑
Frente

↑
Atrás

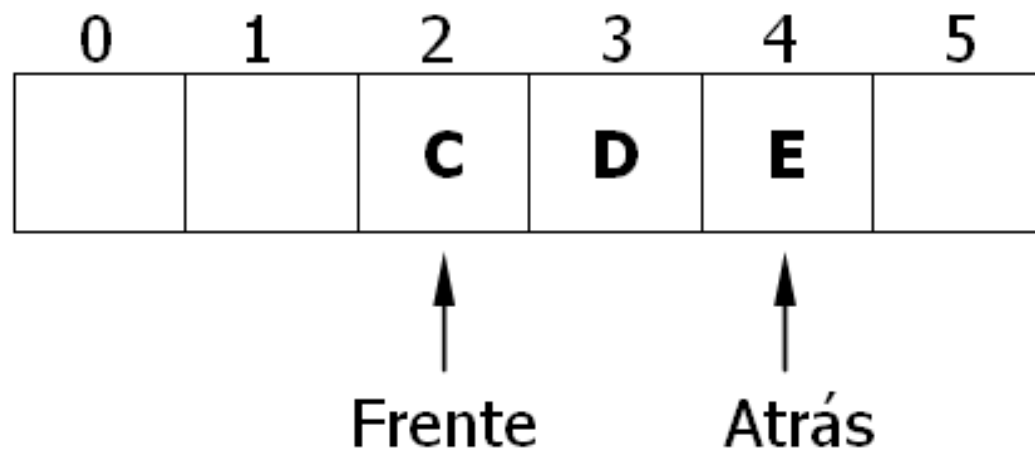


3.2 Colas

Cola Circular

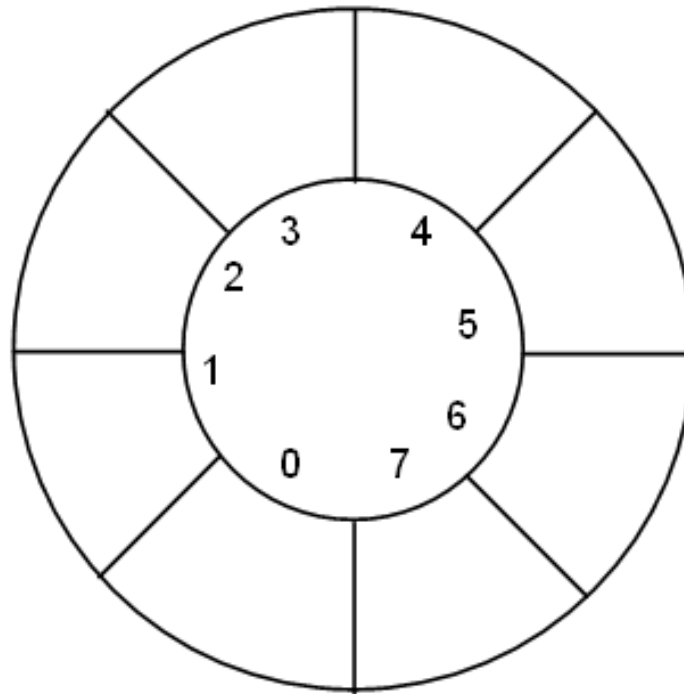
En una Cola Simple, los lugares libres no se vuelven a ocupar.

Se pueden proponer muchas soluciones a este problema, por ejemplo: mover en cierto momento los apuntadores a la posición inicial, sin embargo surgen muchas consideraciones técnicas.



3.2 Colas

La propuesta ideal bajo memoria estática es usar un concepto llamado *vector circular*, lo que implica establecer una **secuencia lógica** entre la última dirección del vector y la primera



3.2 Colas

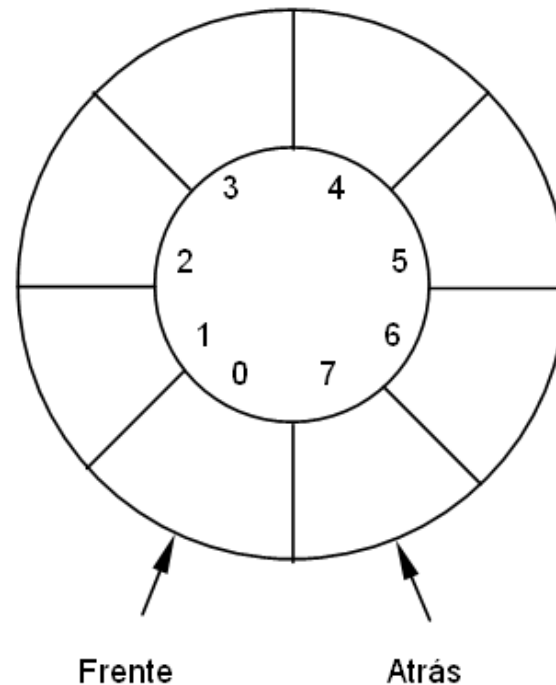
Haremos una simulación del comportamiento de una cola como esta usando los mismos algoritmos que se tienen para la cola simple.

En una cola simple, los valores iniciales de los apuntadores son

atrás = -1 y **frente = 0**

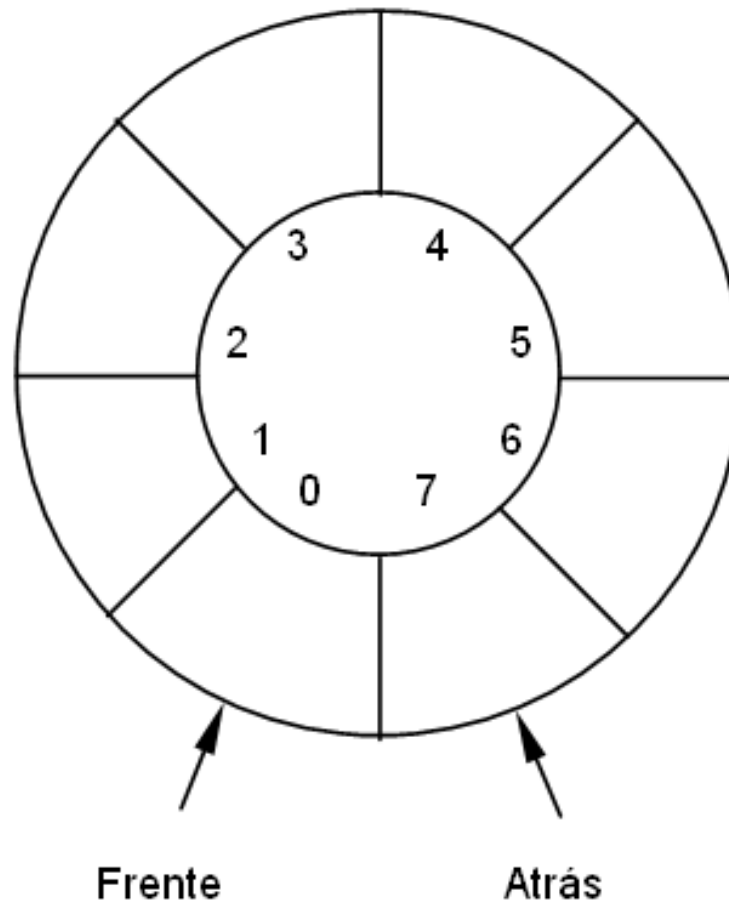
Como ahora se usará un vector circular, suena razonable que

atrás = Max-1 y **frente = 0**



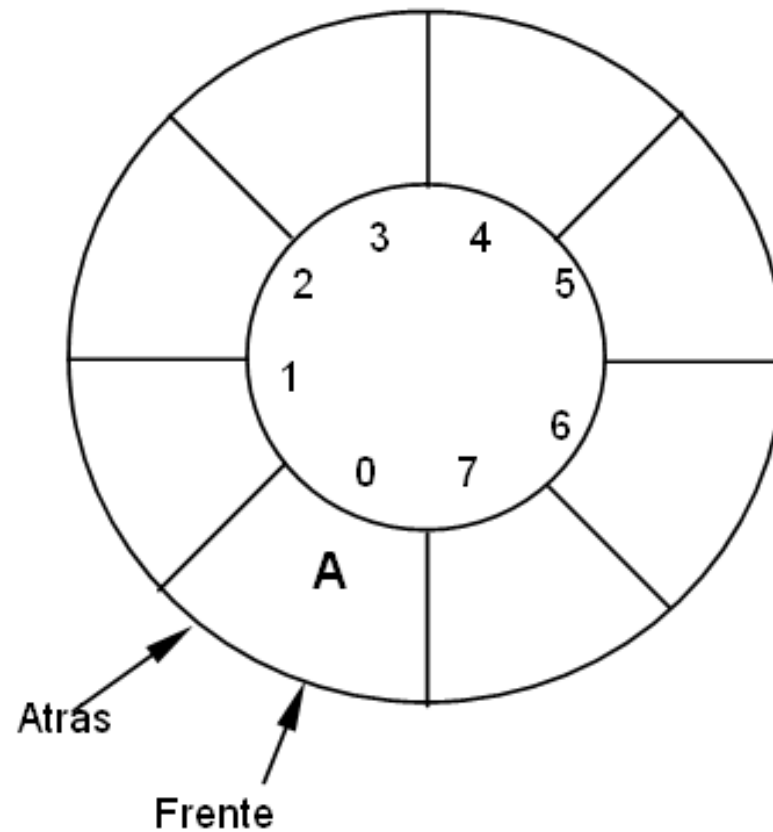
3.2 Colas

Estado inicial
Cola Vacía



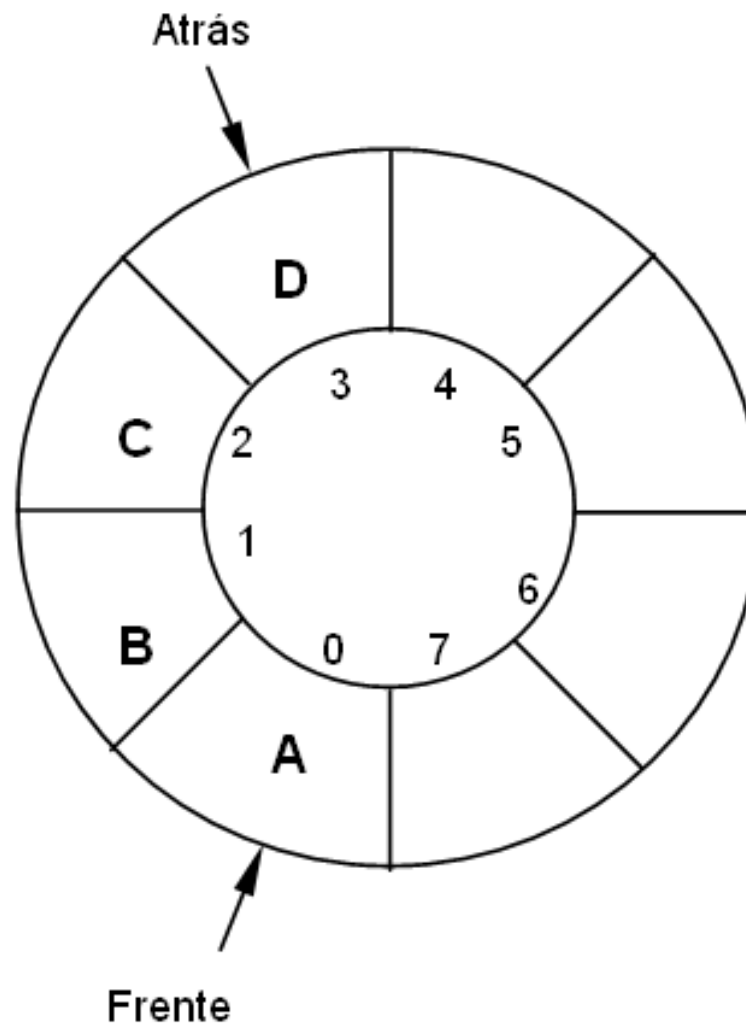
3.2 Colas

Entra un valor "A"



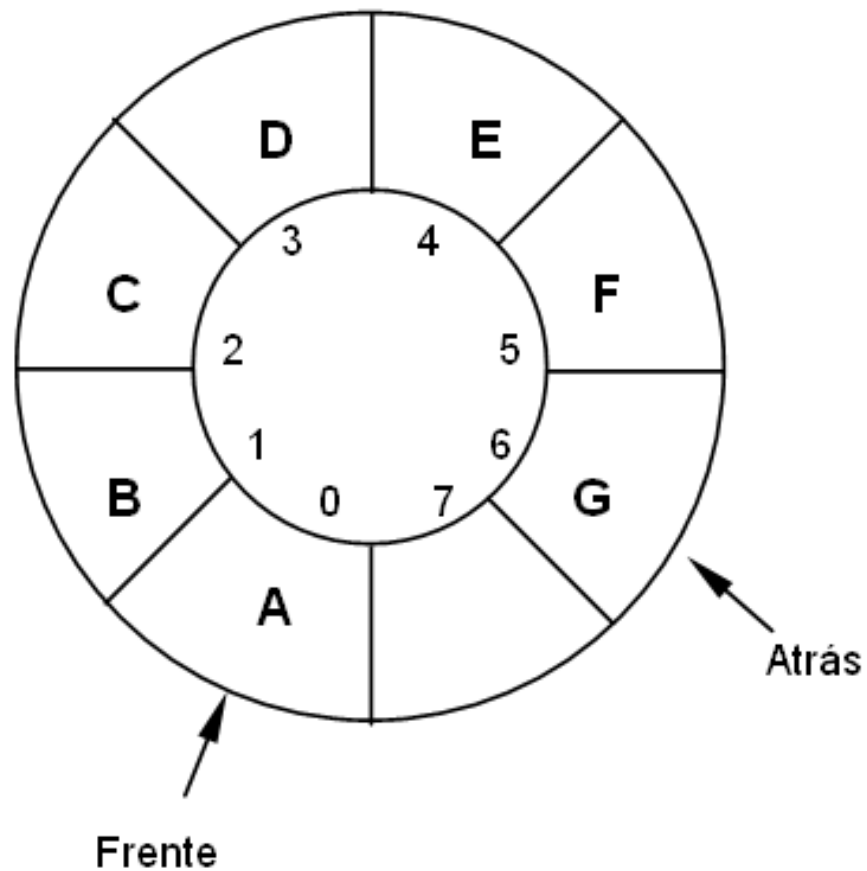
3.2 Colas

Añadir "B", "C", "D"



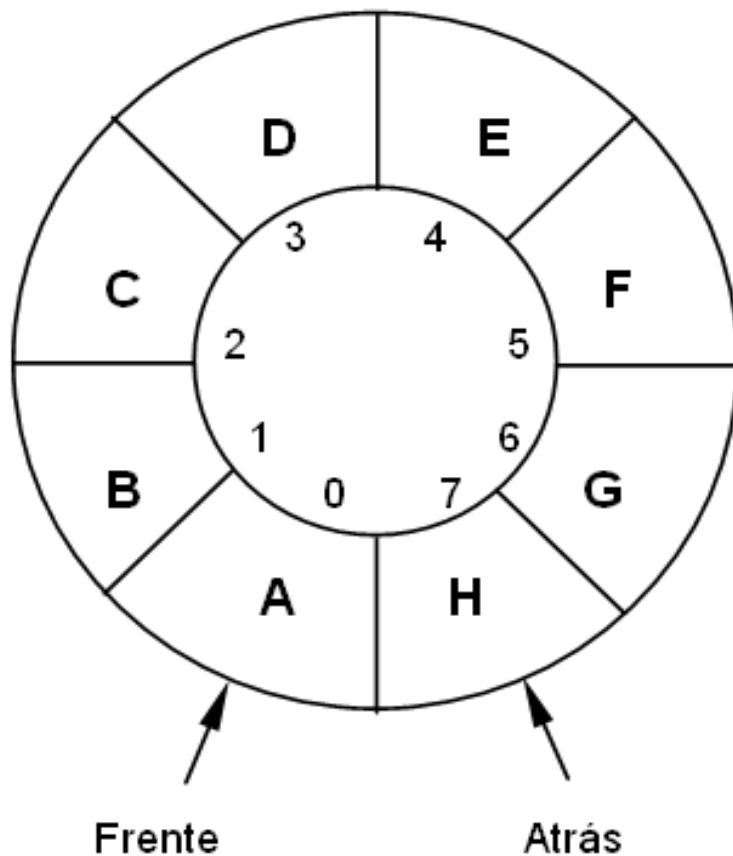
3.2 Colas

Añadir "E", "F", "G"



3.2 Colas

Añadir "H"

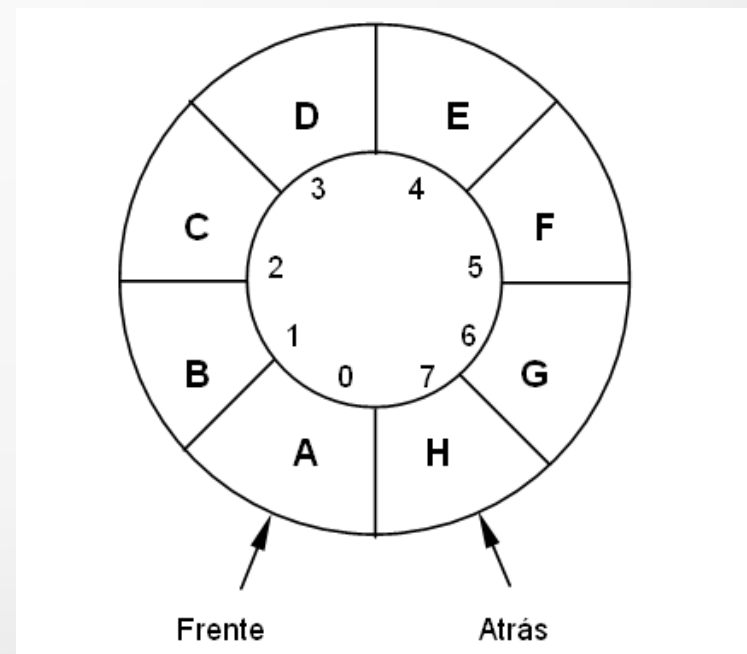
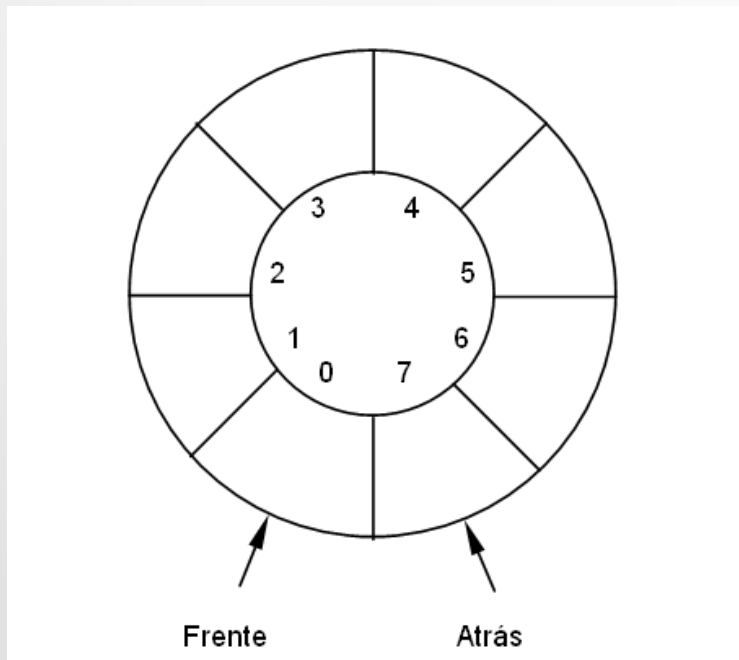


¿Puede
entrar un
dato más?

3.2 Colas

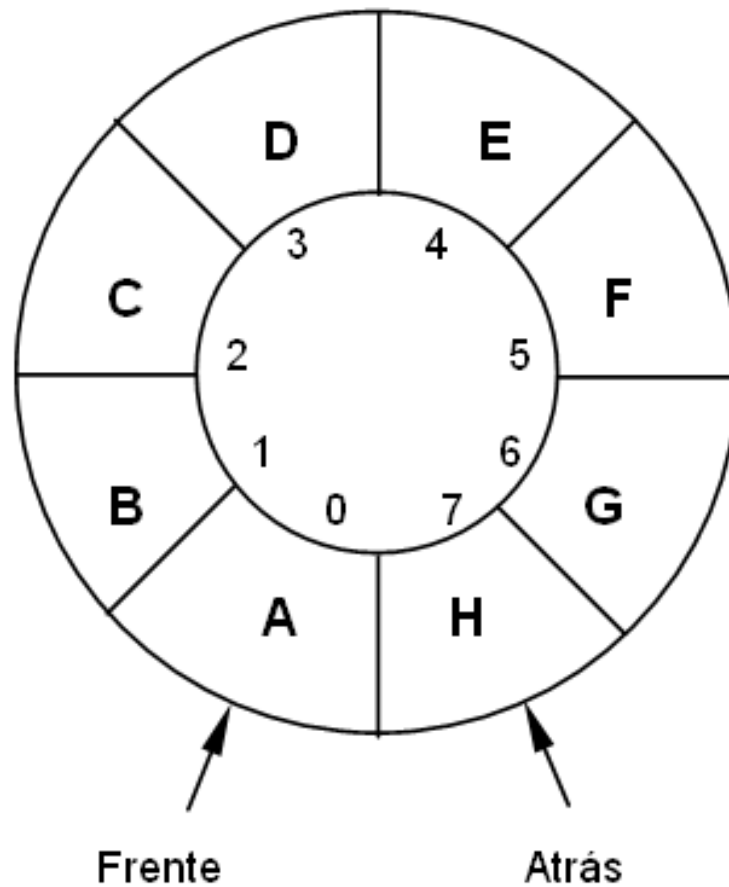
¿En que posiciones se encuentran *Frente* y *Atrás*?

¿En que posiciones estaban *Frente* y *Atrás* cuando la cola estaba vacía?



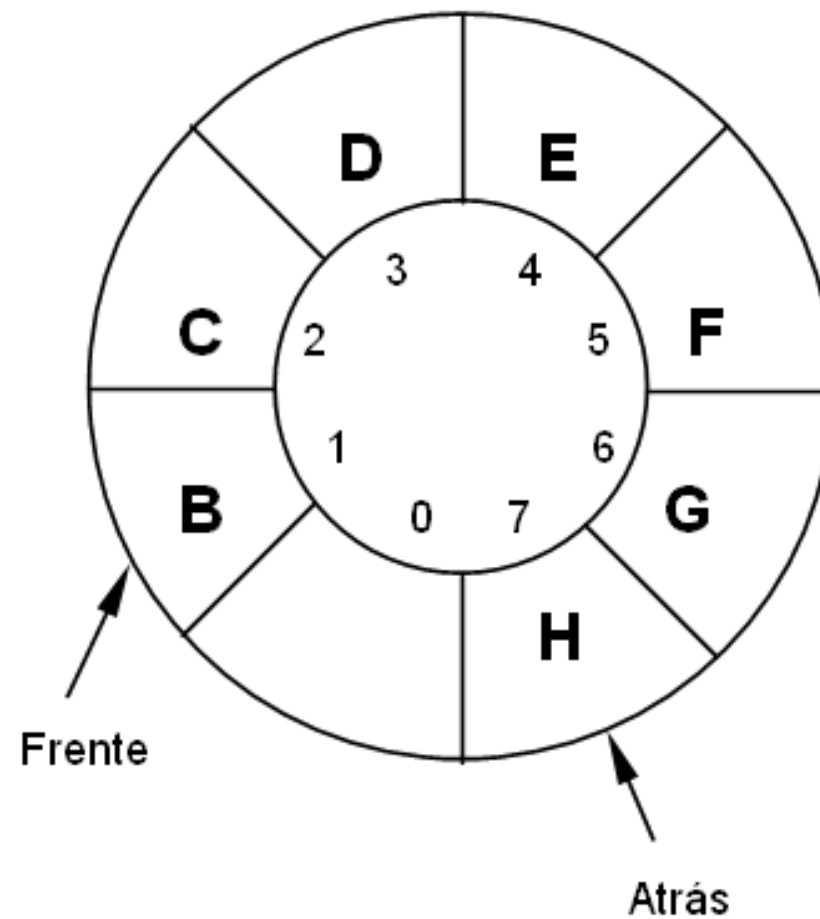
3.2 Colas

Partamos de esta cola llena



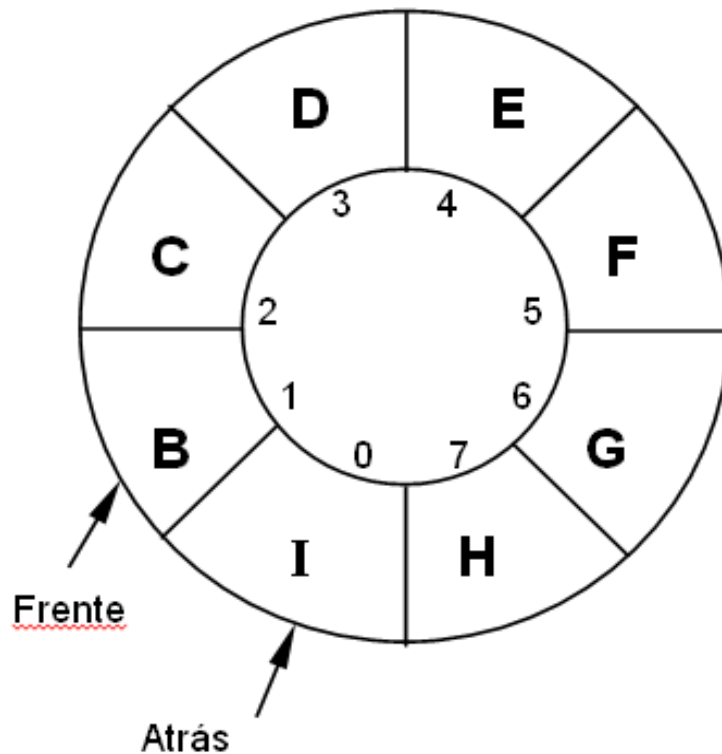
3.2 Colas

Sale un dato



3.2 Colas

Se añade "I"



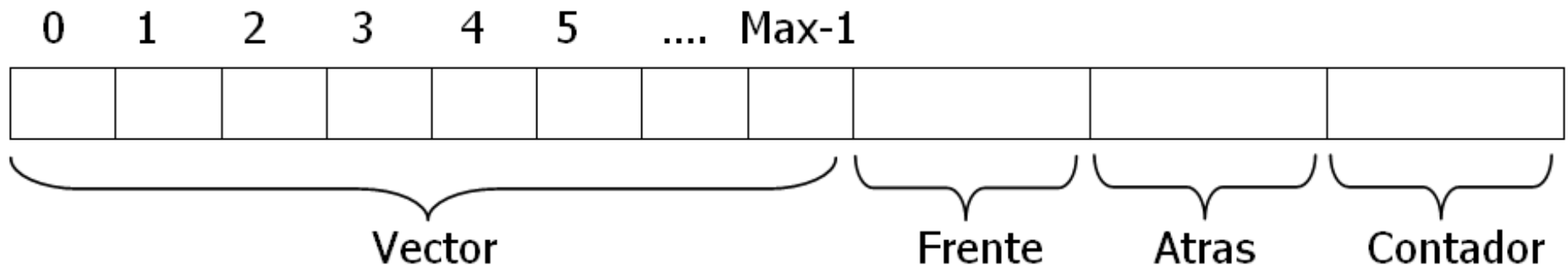
Retiremos 8
datos uno a uno,
¿en que
posiciones
quedarán *Frente*
y *Atrás*?

3.2 Colas

La secuencia se controla bien con los apuntadores

Solo resta determinar los estados Vacía y Llena

Nueva Clase **Cola**



Método	Seudocódigo
constructor	$\text{Atrás} \leftarrow \text{Max}-1$ $\text{Frente} \leftarrow 0$ $\text{Contador} \leftarrow 0$
entra	Mover atrás a la siguiente dirección (<i>significa sumar 1, excepto cuando $\text{atrás} = \text{Max}-1$, en tal caso $\text{Atrás} \leftarrow 0$</i>) $\text{vector}[\text{atrás}] \leftarrow \text{dato}$ $\text{contador}++$
sale	$\text{Resulta vector}[\text{frente}]$ Mover frente a la siguiente dirección (<i>significa sumar 1, excepto cuando $\text{frente} = \text{Max}-1$, en tal caso $\text{frente} \leftarrow 0$</i>) $\text{Contador}--$
<u>vacía</u>	Si $\text{Contador} = 0$ Resulta TRUE
llena	Si $\text{Contador} = \text{Max}$ Resulta TRUE

3.2 Colas

// Cola Circular

```
#define Max 100
class Cola {
    private:
        int frente,atras,contador;
        char vector[Max];
    public:
        Cola();
        void entra(char);
        char sale();
        bool vacia();
        bool llena();
};

Cola::Cola() {
    frente=0;atras=Max-1;contador=0;
};
```

3.2 Colas

```
void Cola::entra(char x) {  
    if (atras==Max-1)  
        atras=0;  
    else  
        atras++;  
    contador++;  
    vector[atras]=x;  
}
```

```
char Cola::sale() {  
    char temp=vector[frente];  
    if (frente==Max-1)  
        frente=0;  
    else  
        frente++;  
    contador--;  
    return temp;  
}
```

3.2 Colas

```
bool Cola::vacía() {  
    return (contador==0);  
};  
  
bool Cola::llena() {  
    return (contador==Max);  
};
```

3.3 Manejo de Memoria Dinámica.

El concepto de apuntador

```
#include <iostream>
using namespace std;
int main()
{
    int Dias[]={31,28,31,30,31,30,31,31,30,31,30,31};
    string NomMeses[] =
        {"Enero","Febrero","Marzo","Abril","Mayo","Junio","Julio",
        "Agosto","Septiembre","Octubre","Noviembre","Diciembre"};
    int mes;
    cout << "Escriba un numero entre 1 y 12: ";cin >> mes;
    int pos = mes-1;
    cout << "Numero de dias del mes de " << NomMeses[pos] << ": "
        << Dias[pos] << endl;
    return 0;
}
```

3.3 Manejo de Memoria Dinámica.

“Apuntador” es un concepto, en este ejemplo usamos un par de arreglos para obtener el nombre y número de días de algún mes del año.

El concepto de apuntador

La variable **pos** es un apuntador en el amplio sentido de la palabra. Aquí se usa para señalar la posición de un elemento dentro de un vector. A partir del valor de **pos**, se obtienen el número de días y el nombre del mes indicado por el usuario de este programa.

Cada elemento de los vectores tiene una dirección única (0..11)

```
#include <iostream>
using namespace std;
int main()
{
    int Dias[]={31,28,31,30,31,30,31,31,30,31,30,31};
    string NomMeses[] =
        {"Enero","Febrero","Marzo","Abril","Mayo","Junio","Julio",
        "Agosto","Septiembre","Octubre","Noviembre","Diciembre"};
    int mes;
    cout << "Escriba un numero entre 1 y 12: ";cin >> mes;
    int pos = mes-1;
    cout << "Numero de dias del mes de " << NomMeses[pos] << ": "
        << Dias[pos] << endl;
    return 0;
}
```

3.3 Manejo de Memoria Dinámica.

Apuntadores a las direcciones de memoria de tipos simples

```
#include <iostream>
using namespace std;
int main()
{
    short int i,j;
    short int *p;
    cout << "Direccion asignada a la variable \"p\": " << &p << endl;
    cout << "Direccion asignada a la variable \"j\": " << &j << endl;
    cout << "Direccion asignada a la variable \"i\": " << &i << endl;
    p=&i;
    cout << "      (Instruccion ejecutada: p=&i)" << endl;
    cout << "Valor guardado en  p: " << p << endl;
    i=123;
    cout << "      (Instruccion ejecutada: i=123)" << endl;
    cout << "Valor guardado en  i: " << i << endl;
    cout << "Valor guardado en *p: " << *p << endl;
    return 0;
}
```

0006	000C	p
000A		j
000C	123	i
000E		
0010		
0012		

3.3 Manejo de Memoria Dinámica.

```
#include <iostream>
using namespace std;
int main()
{
    short int i,j;
    short int *p;
    cout << "Direccion asignada a la variable \"p\": " << &p << endl;
    cout << "Direccion asignada a la variable \"j\": " << &j << endl;
    cout << "Direccion asignada a la variable \"i\": " << &i << endl;
    p=&i;
    cout << "      (Instruccion ejecutada: p=&i)" << endl;
    cout << "Valor guardado en p: " << p << endl;
    i=123;
    cout << "      (Instruccion ejecutada: i=123)" << endl;
    cout << "Valor guardado en i: " << i << endl;
    cout << "Valor guardado en *p: " << *p << endl;
    return 0;
}
```

La variable "p" no es de tipo entero sino tipo dirección de memoria donde se guardará un entero. El asterisco es un operador de indirección que indica que *p es de tipo int

Se asigna a la variable "p" la dirección de memoria correspondiente a "i"

Se guarda un dato cualquiera en la variable "i"

No significa mostrar el valor de "p" sino el valor guardado en la dirección de memoria guardada en "p"

0006	000C	p
000A		j
000C	123	i
000E		
0010		
0012		

3.3 Manejo de Memoria Dinámica.

Apuntadores a tipos simples

```
#include <iostream>
using namespace std;
int main()
{
    int *ApuntDato;
    ApuntDato = new int;
    printf("Cada valor se guarda en la direccion %x (reemplaza al anterior)\n", ApuntDato);
    do{
        printf("Escribe un valor entero (cero para salir): ");
        cin >> *ApuntDato;
        *ApuntDato = (*ApuntDato)+1;
        cout << "El dato guardado es: " << *ApuntDato << endl;
    }while (*ApuntDato!=1);
    delete ApuntDato;
    return 0;
}
```

3.3 Manejo de Memoria Dinámica.

ApuntDato es una variable que guardará la dirección donde se puede guardar un entero.

Apuntadores a tipos simples

```
#include <iostream>
using namespace std;
int main()
{
```

```
    int *ApuntDato;
    ApuntDato = new int;
```

```
    printf("Cada valor se guarda en la direccion %x (reemplaza al anterior)\n", ApuntDato);
    do{
```

```
        printf("Escribe un valor entero (cero para salir): ");
```

```
        cin >> *ApuntDato;
```

```
        *ApuntDato = (*ApuntDato)+1;
```

```
        out << "El dato guardado es: " << *ApuntDato << endl;
```

```
    }while (*ApuntDato!=1);    delete ApuntDato;
```

```
    return 0;
```

```
}
```

new int reserva **durante la ejecución**, espacio para un entero. La dirección correspondiente es asignada a la variable **ApuntDato**.

El Sistema Operativo se asegura que esa dirección no esté ocupada por otro dato.

Se lee un entero y se guarda en la "**dirección ApuntDato**"

Se incrementa en 1 el valor guardado. Lo mismo que una variable.

Es indispensable liberar el espacio reservado. Por cada **new** hay que ejecutar **delete** antes del cierre del ámbito donde se reservó el espacio.

Para que se familiarice con los mensajes de error del compilador, ejecute sin el **operador de indirección** (asterisco).

3.3 Manejo de Memoria Dinámica.

Apuntadores a tipos simples

```
#include <iostream>
using namespace std;
int main()
{
    int *ApuntDato;
    do{
        ApuntDato = new int;
        printf("Escribe un valor entero: ");
        cin >> *ApuntDato;
        *ApuntDato = (*ApuntDato)+1;
        cout << "El dato guardado es: " << *ApuntDato << endl;
        printf("Se encuentra en la direccion %x \n",ApuntDato);
        //delete ApuntDato;
    }while (true);
    return 0;
}
```

3.3 Manejo de Memoria Dinámica.

Apuntadores a tipos simples

```
#include <iostream>
using namespace std;
int main()
{
    int *ApuntDato;
    do{
        ApuntDato = new int;
        printf("Escribe un valor entero: ");
        cin >> *ApuntDato;
        *ApuntDato = (*ApuntDato)+1;
        cout << "El dato guardado es: " << *ApuntDato << endl;
        printf("Se encuentra en la direccion %x \n",ApuntDato);
        //delete ApuntDato;
    }while (true);
    return 0;
}
```

Cada vuelta del ciclo estamos solicitando una nueva dirección, si se ejecuta el **delete** del final del ciclo (quitando las diagonales), es posible que el Sistema Operativo nos de la misma dirección anterior ya que la usamos y la liberamos. Haga varias pruebas para que lo observe.

Si **no** liberamos el espacio, el Sistema Operativo siempre nos dará una nueva dirección y el espacio solicitado se quedará marcado como usado hasta que reinicie el Sistema Operativo.

Apuntadores a tipos simples dentro de estructuras

Operador -> (flecha)

```
#include <iostream>
using namespace std;
struct Persona { char nombre[41]; int edad; };
int main()
{
    Persona *ApuntPadre, *ApuntMadre, *ApuntHijo;
    ApuntPadre = new Persona;
    ApuntMadre = new Persona;
    ApuntHijo = new Persona;
    cout << "Nombre del Padre  : "; gets(ApuntPadre->nombre);
    cout << "Nombre de la Madre: "; gets(ApuntMadre->nombre);
    cout << "Nombre del Hijo   : "; gets(ApuntHijo->nombre);
    ApuntPadre->edad = 45;
    ApuntMadre->edad = ApuntPadre->edad - 5;
    ApuntHijo->edad = ApuntMadre->edad - 20;
    cout << "Padre: " << ApuntPadre->nombre << " Edad: "
          << ApuntPadre->edad << endl;
    cout << "Madre: " << ApuntMadre->nombre << " Edad: "
          << ApuntMadre->edad << endl;
    cout << "Hijo : " << ApuntHijo->nombre << " Edad: "
          << ApuntHijo->edad << endl;
    delete ApuntPadre; delete ApuntMadre; delete ApuntHijo;
    return 0;
}
```

Apuntadores a tipos simples dentro de estructuras

Operador -> (flecha)

```
#include <iostream>
using namespace std;
struct Persona { char nombre[41]; int edad; };
int main()
{
    Persona *ApuntPadre, *ApuntMadre, *ApuntHijo;
    ApuntPadre = new Persona;
    ApuntMadre = new Persona;
    ApuntHijo = new Persona;
    cout << "Nombre del Padre  : "; gets(ApuntPadre->nombre);
    cout << "Nombre de la Madre: "; gets(ApuntMadre->nombre);
    cout << "Nombre del Hijo   : "; gets(ApuntHijo->nombre);
    ApuntPadre->edad = 45;
    ApuntMadre->edad = ApuntPadre->edad - 5;
    ApuntHijo->edad = ApuntMadre->edad - 20;
    cout << "Padre: " << ApuntPadre->nombre << " Edad: "
          << ApuntPadre->edad << endl;
    cout << "Madre: " << ApuntMadre->nombre << " Edad: "
          << ApuntMadre->edad << endl;
    cout << "Hijo : " << ApuntHijo->nombre << " Edad: "
          << ApuntHijo->edad << endl;
    delete ApuntPadre; delete ApuntMadre; delete ApuntHijo;
    return 0;
}
```

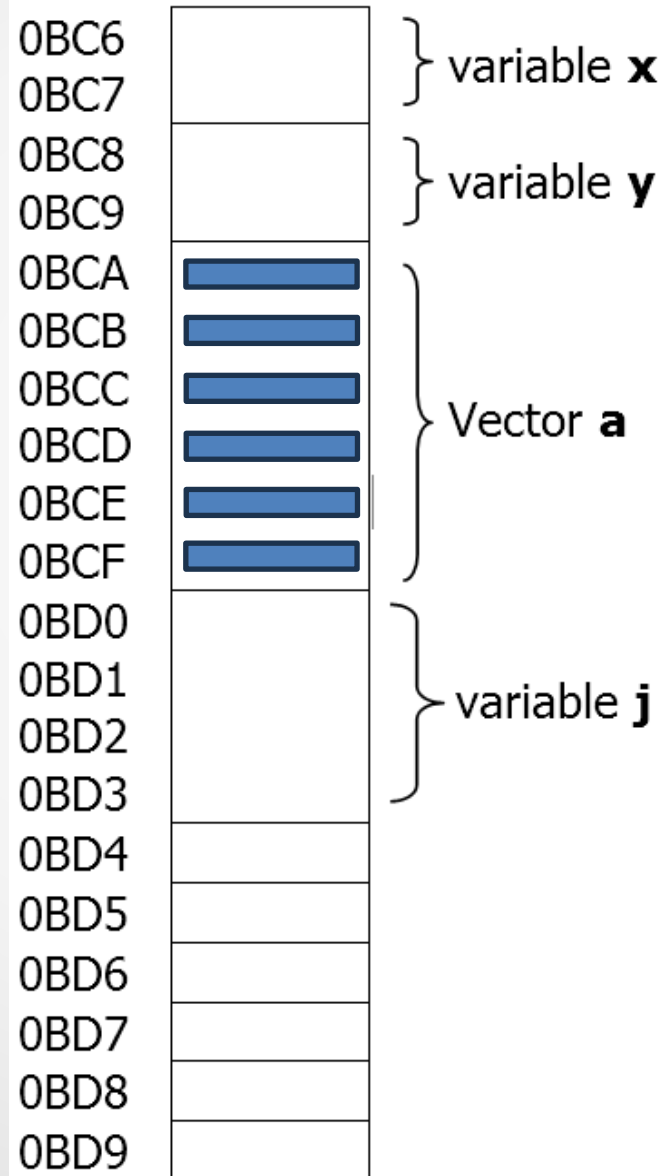
ApuntPadre, ApuntMadre, ApuntHijo no son los lugares donde guardar las estructuras, son las variables que contendrán las direcciones de memoria donde se guardarán las estructuras.

Equivale a
(*ApuntPadre).nombre
sin embargo, **->** es más simple y es un símbolo fácil de recordar.

3.3 Listas Encadenadas

Vectores 0BCA 0BCB 0BCC 0BCD 0BCE 0BCF <!-- Empty boxes for vector elements --> } Vector a	Lista Lineal (Los datos se organizan en una sola ruta) Lista Secuencial (los datos adyacentes en forma lógica se encuentran también físicamente juntos) Estructura estática (espacio reservado durante la compilación). Los vectores y matrices pueden causar desperdicio de memoria si no se usan en forma completa, ya que su espacio se libera hasta que termina el ámbito donde se declaró.
Listas Encadenadas	Lista Lineal
	Lista NO SECUENCIAL
	Estructura dinámica (sin necesidad de que se cierre el ámbito donde se reservó cierto espacio, puede liberarse esa memoria ocupada de manera que pueda ser utilizada de nuevo por el mismo u otro proceso, posteriormente).

3.3 Listas Encadenadas



Los vectores son estructuras secuenciales (el orden lógico y físico de los datos coincide.)

Este espacio permanece asignado de la misma manera durante todo el tiempo que el programa se encuentra en ejecución, No se puede cambiar

3.3 Listas Encadenadas

Manejo Estático referencia **directa** a los datos.

```
short int i;  
i=123;
```

0006

000A

000C

000E

0010

0012

123

i

3.3 Listas Encadenadas

Manejo Dinámico de la memoria referencia **indirecta** a los datos.

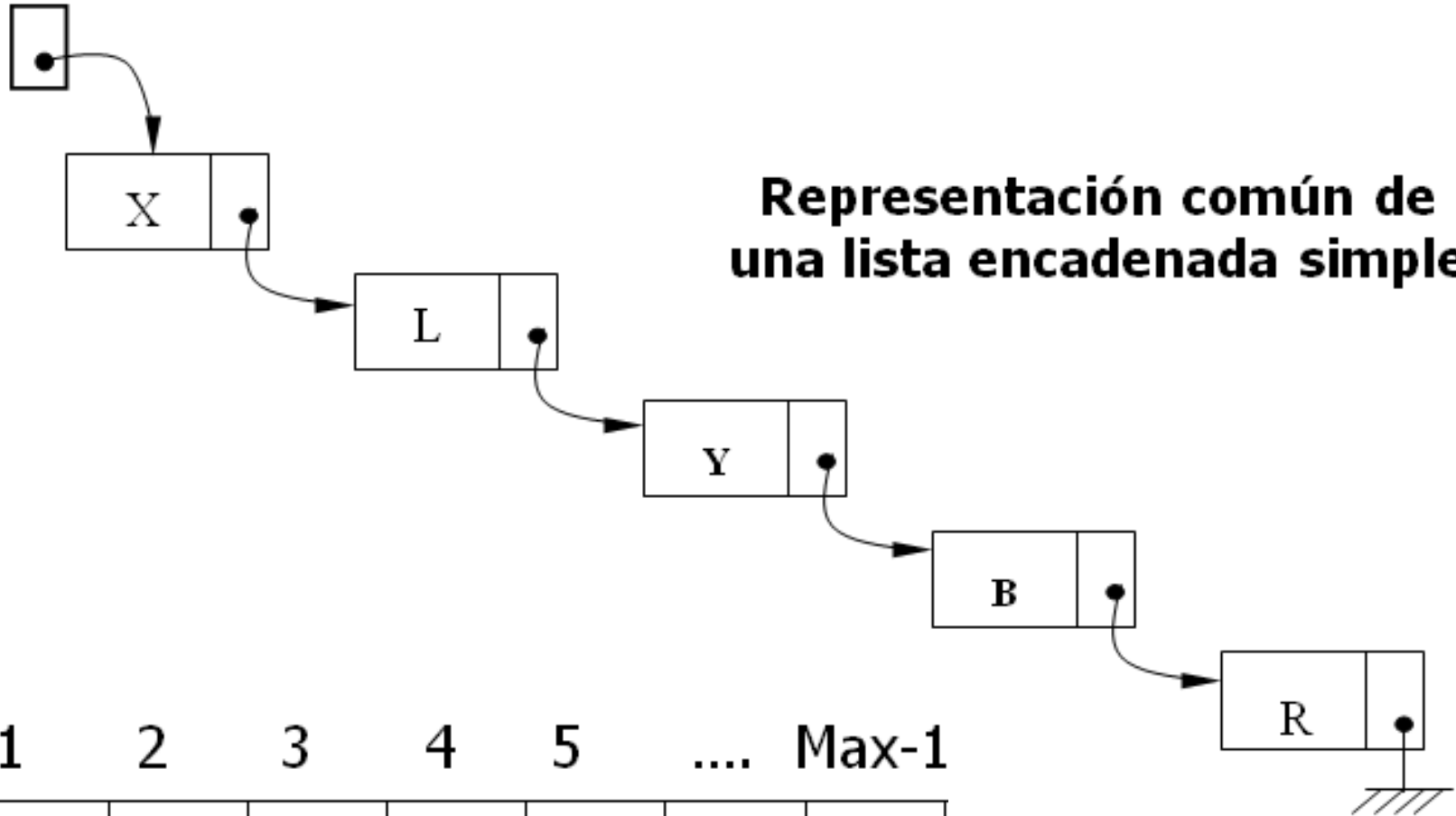
```
short int *p;  
p = new int;  
*p = 123;  
.....  
.....  
delete p;
```

000A	0010	p
000C		
000E		
0010	123	
0012		

Este concepto permite construir una lista encadenada como la que se muestra en la página siguiente.

3.3 Listas Encadenadas

Cabeza de Lista



0 1 2 3 4 5 Max-1



Vector

3.3 Listas Encadenadas

Para construir una Lista Encadenada se requiere contar con las siguientes condiciones

1. Se deben definir elementos independientes que conformarán la lista (se les llama NODOS).

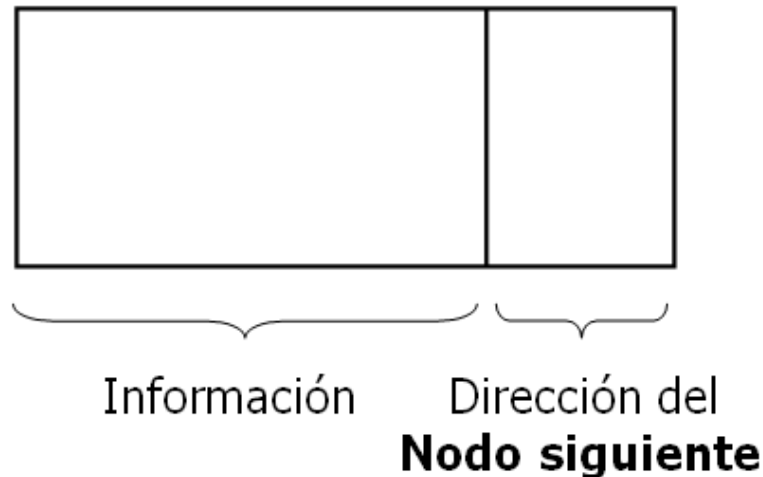
- **NODO** = lugar en la memoria, reservado durante la ejecución, para guardar un dato.
- **Apuntador** = Variable que contiene la dirección de un nodo.
- Los Nodos se deben reservar uno a uno.

Los elementos de un vector no son independientes ya que no pueden desprenderse físicamente del vector, al ocupar direcciones consecutivas de la memoria.

3.3 Listas Encadenadas

2. Los NODOS deben ser estructuras con 2 datos miembros (para el caso de las listas simples, para las dobles se requieren 3 datos miembros).

- La primera parte es el lugar que corresponde al dato en sí.
- La segunda contendrá la dirección de OTRO NODO (el siguiente en la lista).



3.3 Listas Encadenadas

3. El último nodo de la lista tiene una característica peculiar.

- El último nodo al no tener un nodo después de él, deberá guardar en el campo del *nodo siguiente* un valor que indique el final de la lista.

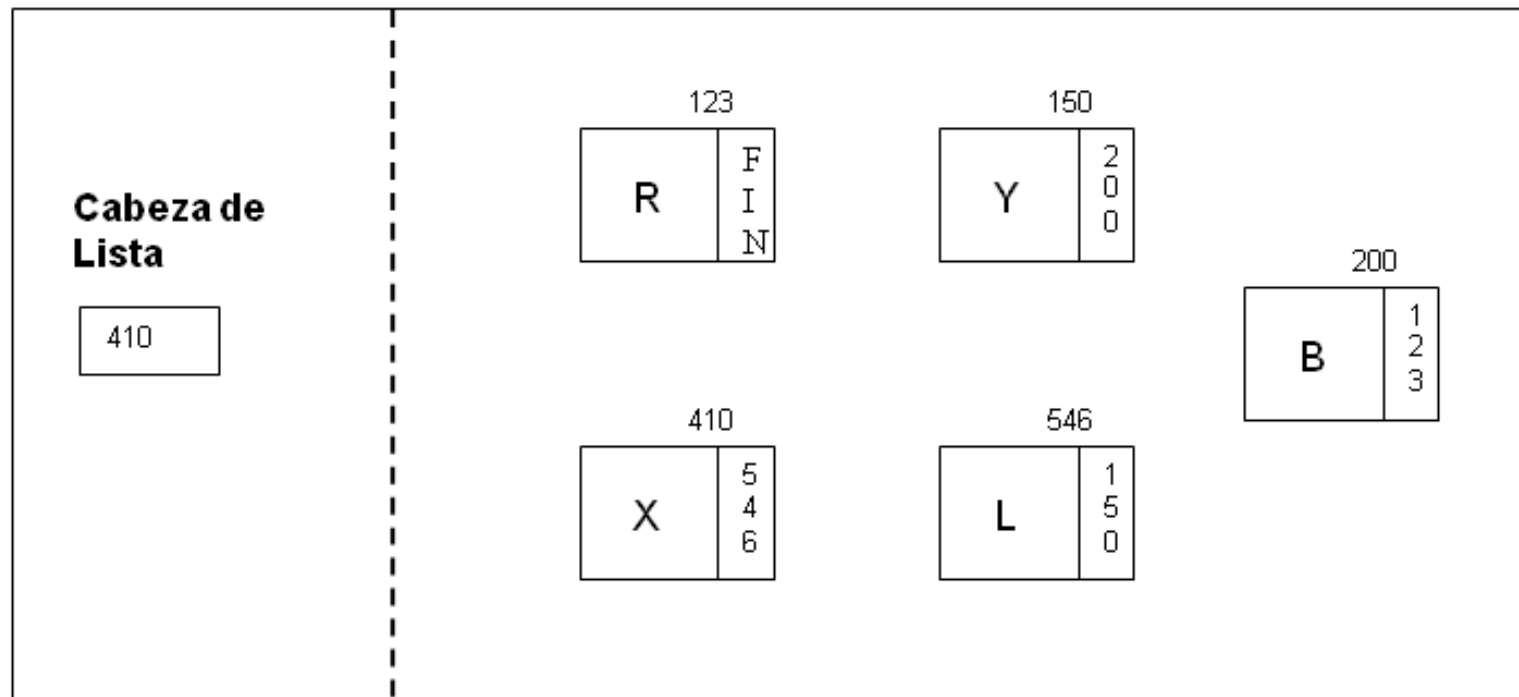
4. El primer nodo de la lista también tiene una peculiaridad.

- La dirección del 2º nodo se conserva en el primer nodo, la del último en el penúltimo, etc.
 - La dirección del primer nodo debe conservarse en una **VARIABLE** tipo apuntador llamada **CABEZA DE LISTA**.

3.3 Listas Encadenadas

Otra representación de una L.E.

(Los valores numéricos decimales encima de cada nodo representan una hipotética dirección de memoria)

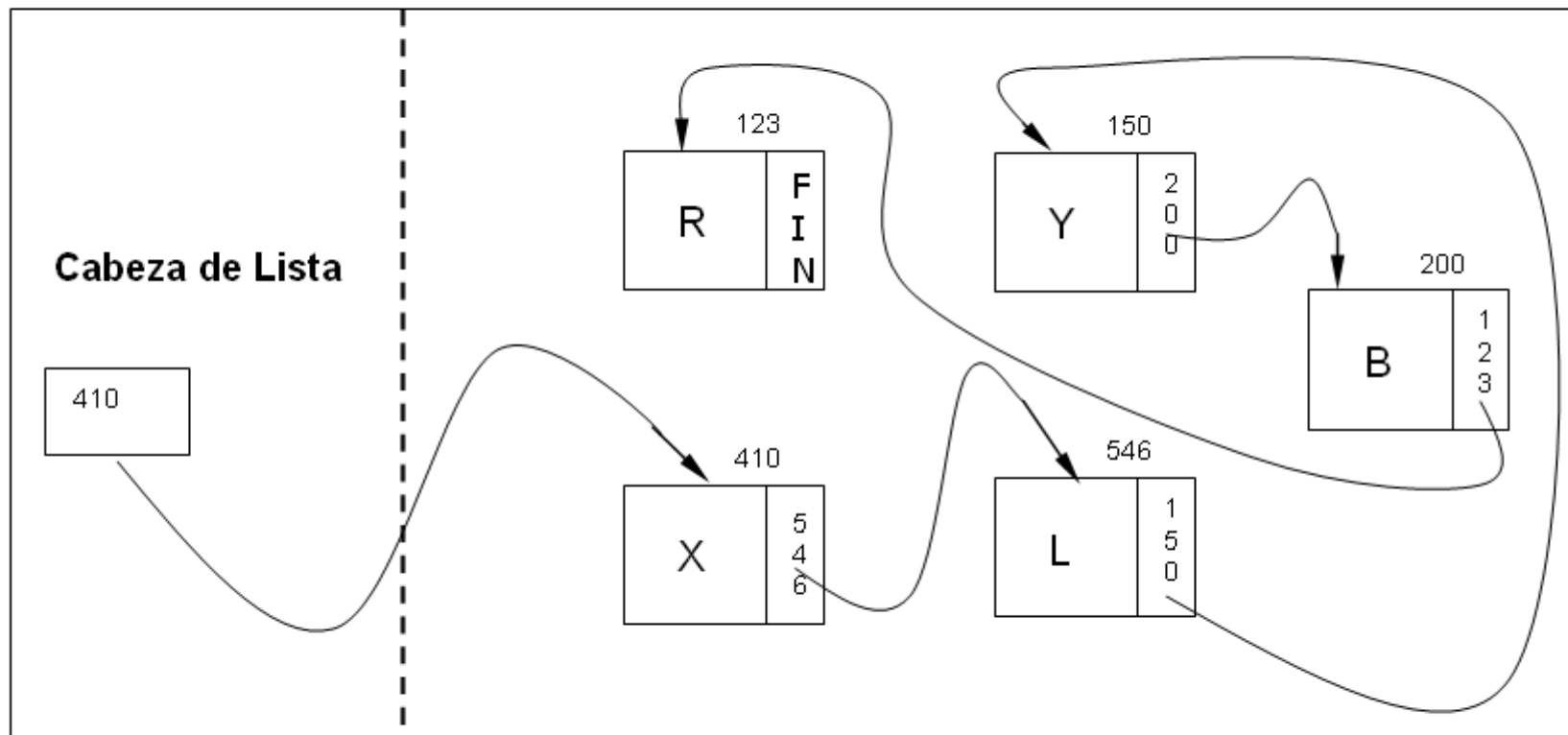


Memoria reservada
durante **compilación**

Memoria disponible para manejo
dinámico durante la ejecución
se le llama Heap (montón)

3.3 Listas Encadenadas

Una representación más



3.3 Listas Encadenadas

Algoritmos para la Operación de una Lista Encadenada Simple

Las listas encadenadas siempre inician vacías (**Cabeza** $\leftarrow$ **NULL**).

Insertar

- Se **solicita** una **dirección de memoria disponible**.
 - Se guarda el nuevo dato en el campo "info" del **nuevo nodo**.
 - De acuerdo al uso que demos a la lista, se aplicará uno de los 3 siguientes casos.
- a) **Si el nuevo nodo debe quedar al inicio de la lista:**
- Guardar en el campo sucesor del nuevo nodo la dirección que se encuentra en la variable **cabeza de lista**.
 - Guardar en la variable **cabeza de lista** la dirección del nuevo nodo.
- b) **Si el nuevo nodo debe ser el último de la lista:**
- Guardar **NULL** en el campo sucesor del nuevo nodo.
 - Localizar la dirección del último nodo.
 - Guardar en el campo sucesor del último nodo la dirección del nuevo nodo.
- c) **Si el nuevo nodo debe quedar entre dos nodos ya existentes:**
- Asumamos que en **temp1** y **temp2** se encuentran las direcciones de los nodos que serán adyacentes al nuevo nodo.
 - Guardar en el campo sucesor del nuevo nodo el valor de **temp2**.
 - Guardar en el campo sucesor del nodo **temp1** la dirección del nuevo nodo.

3.3 Listas Encadenadas

Eliminar

- Cada aplicación determinará cual nodo se eliminará.
- Puede presentarse uno de los tres casos siguientes.
 - a) **Si es necesario borrar el primer nodo:**
 - Guardar en **cabeza de lista** la dirección que se encuentra en el campo sucesor del primer nodo.
 - b) **Si se requiere eliminar el último nodo:**
 - Guardar **NULL** en el campo sucesor del penúltimo nodo.
 - c) **Para eliminar un nodo que se encuentra entre otros dos:**
 - Siendo **temp1** y **temp2** las direcciones de los nodos adyacentes, hay que guardar en el campo sucesor del nodo **temp1** la dirección **temp2**.
- Una vez eliminado uno nodo (*desprendido de la lista*), hay que liberar ese espacio para que pueda ser aprovechado por el Sistema Operativos.

3.3 Listas Encadenadas

Recorridos

- Algunos algoritmos de los que hemos analizado requieren que se haga un recorrido de la lista.

Recorrer la lista = visitar todos o algunos de los nodos.

Algoritmo iterativo para imprimir todos los nodos de una lista

- 1.- Asignar a una variable, podemos llamarla temp, la dirección del primer nodo.
- 2.- Si la variable contiene **FIN**, termina el algoritmo.
- 3.- Ir al Nodo correspondiente a temp e imprimir su información.
- 4.- Asignar a temp, la dirección del nodo siguiente.
- 5.- Ir al paso 2.

3.3 Listas Encadenadas

Primera Aplicación de Listas Encadenadas

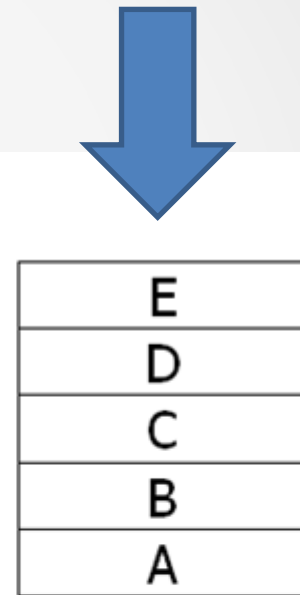
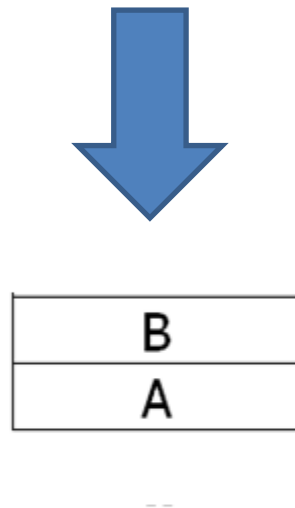
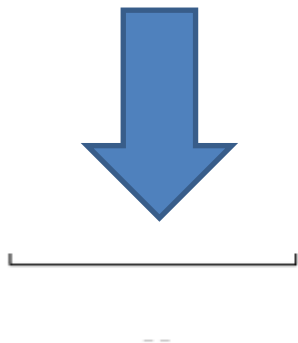
Pilas

Son listas en la que los datos se retiran por el mismo extremo por donde se acumulan.

Se implementa usando una lista encadenada, haciendo que:

- Cada nodo nuevo quede como el primero de la lista (apuntado por la variable *CabezaDeLista*).
- Cuando se deba retirar un dato, se elimine también por *CabezaDeLista*.

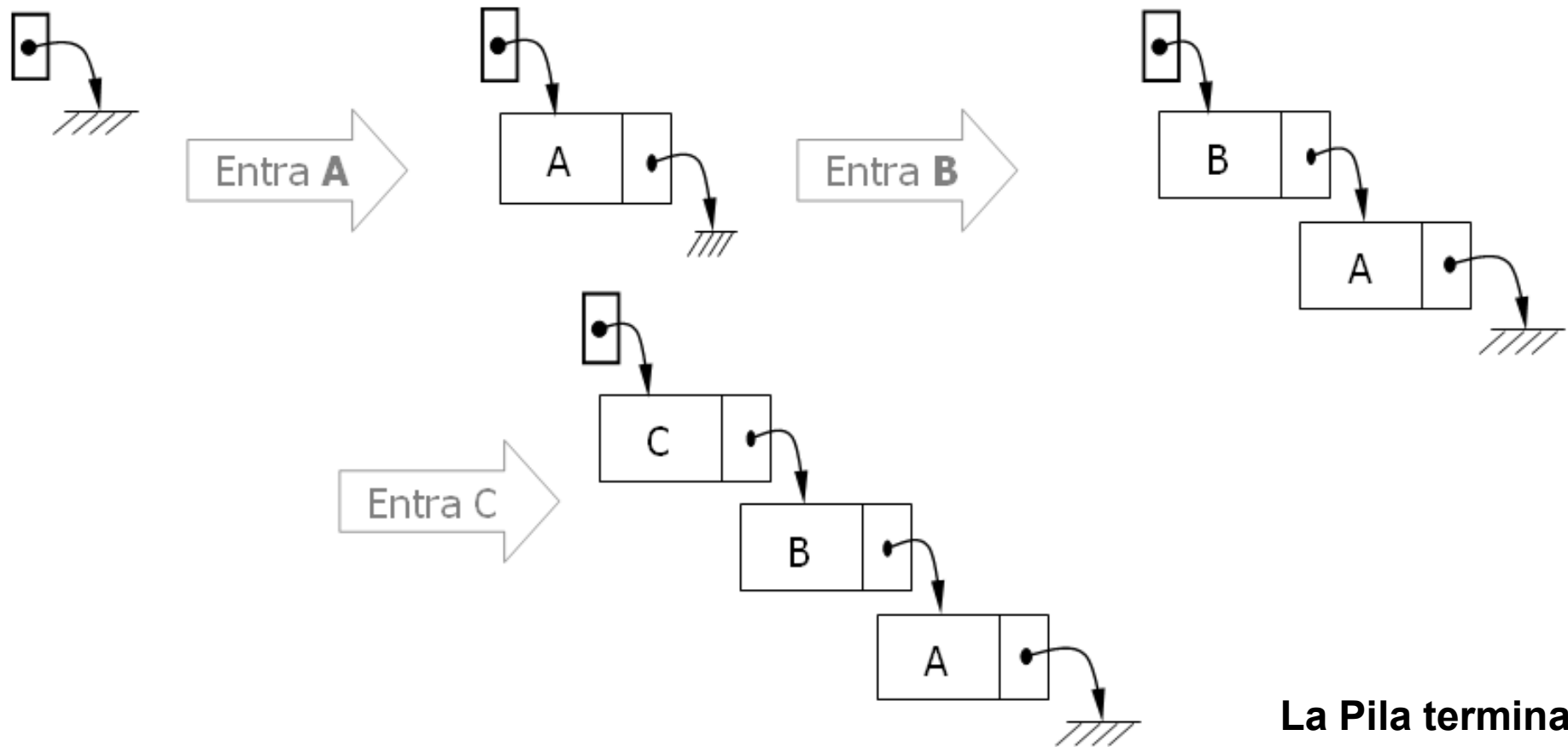
3.1 Pilas



**DIVERSOS ESTADOS DE
UNA PILA**

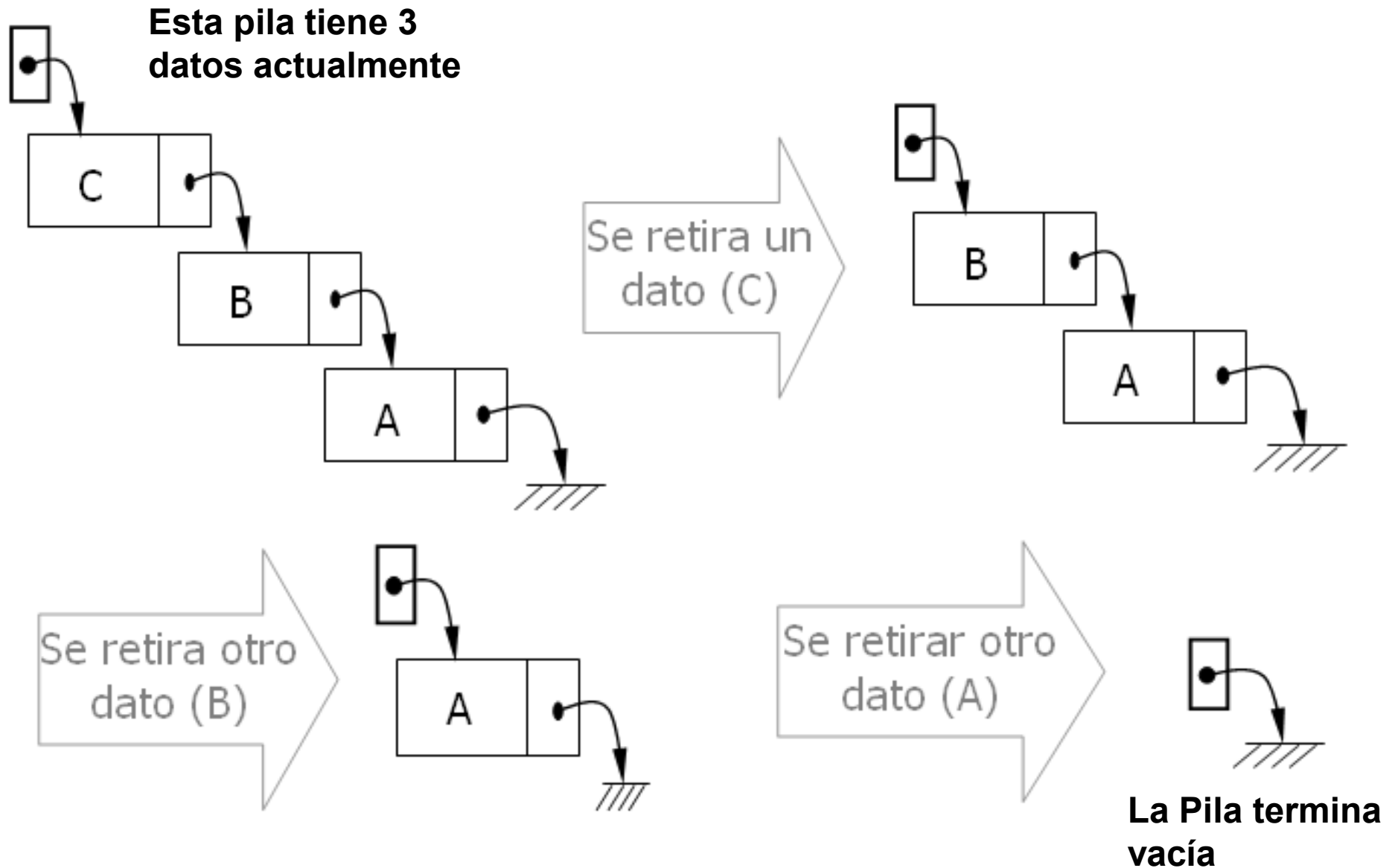
3.3 Listas Encadenadas

La Pila
empieza
vacía



La Pila termina
con 3 datos

3.3 Listas Encadenadas



```
#include <iostream>
using namespace std;
struct Nodo {
    char info;
    Nodo* sucesor;
```

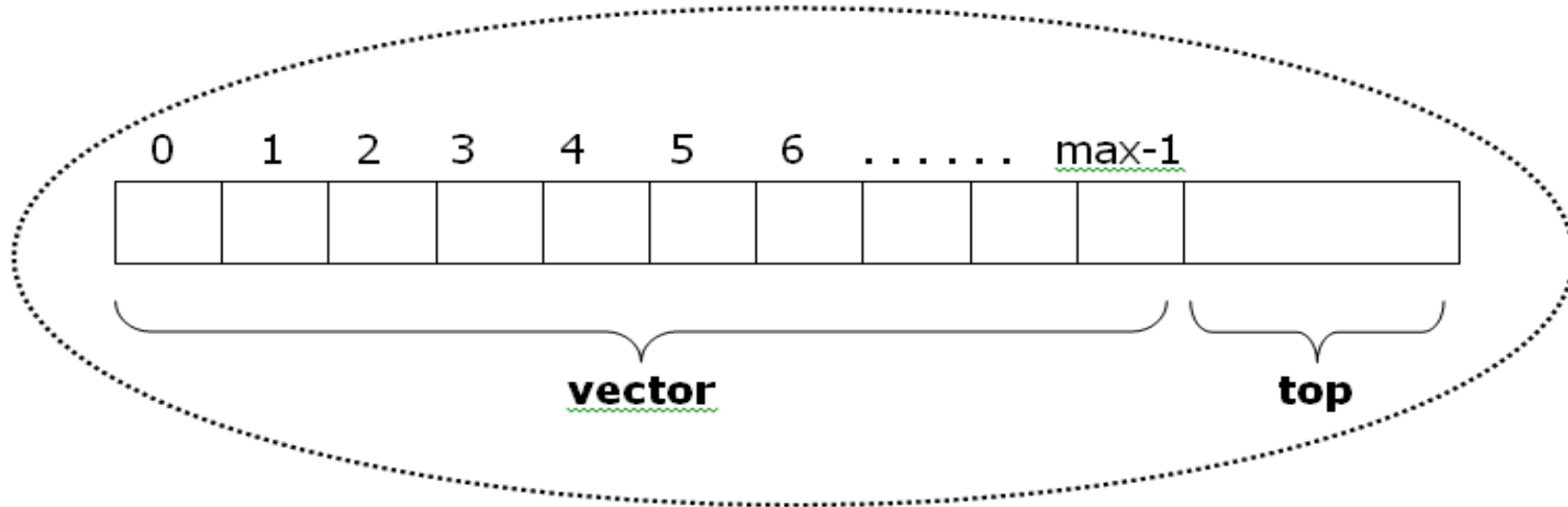
Ejemplo simple de uso de una lista Encadenada.
Los datos se guardan y retiran del inicio de la lista

```
};
int main(){
    Nodo* cabeza; cabeza=NULL; int opcion;
    do {
        cout << "-----\n";
        cout << "1. Guardar\n";
        cout << "2. Retirar\n";
        cout << "0. Terminar\n";
        cout << "Opcion: ";cin>>opcion;cout << "-----\n";
        switch(opcion) {
            case 1:
                Nodo* temp;
                temp=new Nodo;
                cout << "Caracter a guardar: ";
                cin >> temp->info;
                temp->sucesor = cabeza;
                cabeza = temp;
                break;
            case 2:
                if (cabeza==NULL)
                    cout << "no hay datos" << endl;
                else {
                    Nodo* temp=cabeza;
                    cout << "Sale: " << cabeza->info << endl;
                    cabeza=cabeza->sucesor;
                    delete temp;
                }
                break;
        }
    } while (opcion!=0);
    Nodo* tempnodo;
    while (cabeza!=NULL) {
        tempnodo=cabeza;
        cout << "Borrando el nodo que contiene " << tempnodo->info << endl;
        cabeza = cabeza->sucesor;
        delete tempnodo;
    }
    return 0;
}
```

Se deben eliminar los nodos
que siguen en la lista y no se
han liberado

3.3 Listas Encadenadas (**Clase Pila**)

Clase Pila con un vector



Clase Pila con una Lista Encadenada



3.3 Listas Encadenadas

```
class Pila {  
    private:  
        struct Nodo  
        {  
            char info;  
            Nodo* sucesor;  
        };  
        Nodo* cabeza;  
    public:  
        Pila();  
        void push(char x);  
        char pop();  
        char ver();  
        bool vacia();  
        bool llena();  
        ~Pila();  
};
```

3.3 Listas Encadenadas

```
Pila::Pila() {  
    cabeza=NULL;  
};  
  
void Pila::push(char x) {  
    Nodo* temp;  
    temp=new Nodo;  
    temp->info = x;  
    temp->sucesor = cabeza;  
    cabeza = temp;  
};
```

3.3 Listas Encadenadas

```
char Pila::pop() {  
    Nodo* temp=cabeza;  
    char result=cabeza->info;  
    cabeza=cabeza->sucesor;  
    delete temp;  
    return result;  
};
```

```
bool Pila::vacia() {  
    return (cabeza==NULL) ;  
};
```

```
bool Pila::llena() {  
    return (false) ;  
};
```

3.3 Listas Encadenadas

```
char Pila::ver() {  
    return cabeza->info;  
};  
  
Pila::~~Pila() {  
    cout << "Ejecutando el destructor... ";  
    system("pause");  
    Nodo* temp;  
    while (cabeza!=NULL) {  
        cout << "Borrando un nodo... ";  
        system("pause");  
        temp=cabeza;  
        cabeza=cabeza->sucesor;  
        delete temp;  
    };  
};
```

3.3 Listas Encadenadas

Ejercicio 3.3.a

Pruebe todos los programas que hicimos en C++ con pilas, reemplazando solo la clase, por la que recién hemos creado.

Las aplicaciones no deben sufrir ningún cambio (aparte del *#include*), y su funcionamiento debe ser el mismo, con la ventaja de que se usará la memoria en forma dinámica.

3.3 Listas Encadenadas

Segunda Aplicación de Listas Encadenadas

Colas

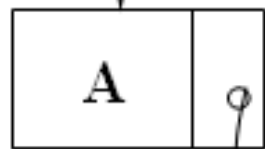
Cola = Lista cuyos elementos se acumulan y retiran por extremos opuestos.

Al entrar nuevos datos, se guardan al final. Se retiran del inicio.

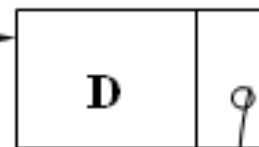
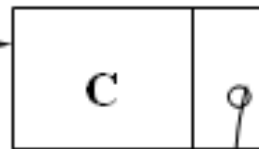
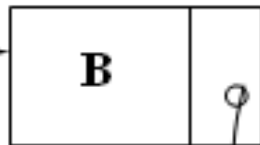
Se incorpora el uso de un apuntador al final de la Lista (lo llamaremos **ultimo**).

3.3 Listas Encadenadas

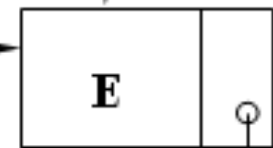
Cabeza



¿Para qué se requiere el apuntador **“último”**?



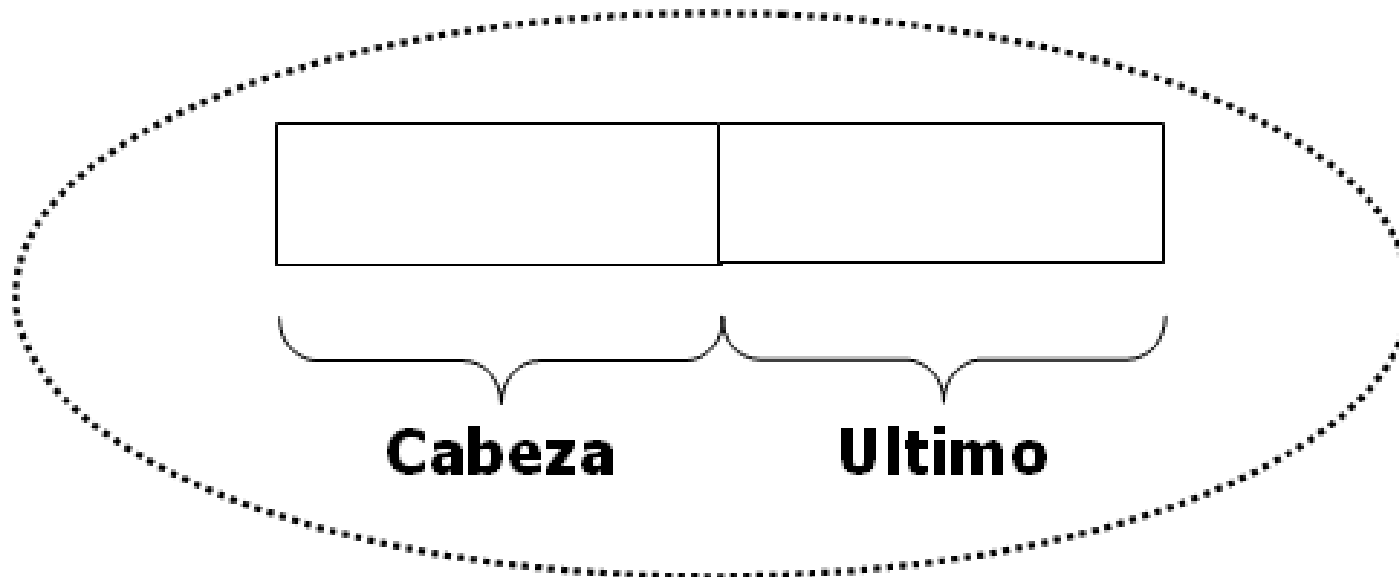
Ultimo



Si la condición es que se añadan y retiren los datos por extremos opuestos ... ¿Por que no añadirlos al inicio de la lista y retirarlos del final?

3.3 Listas Encadenadas

Clase Cola usando una Lista Encadenada



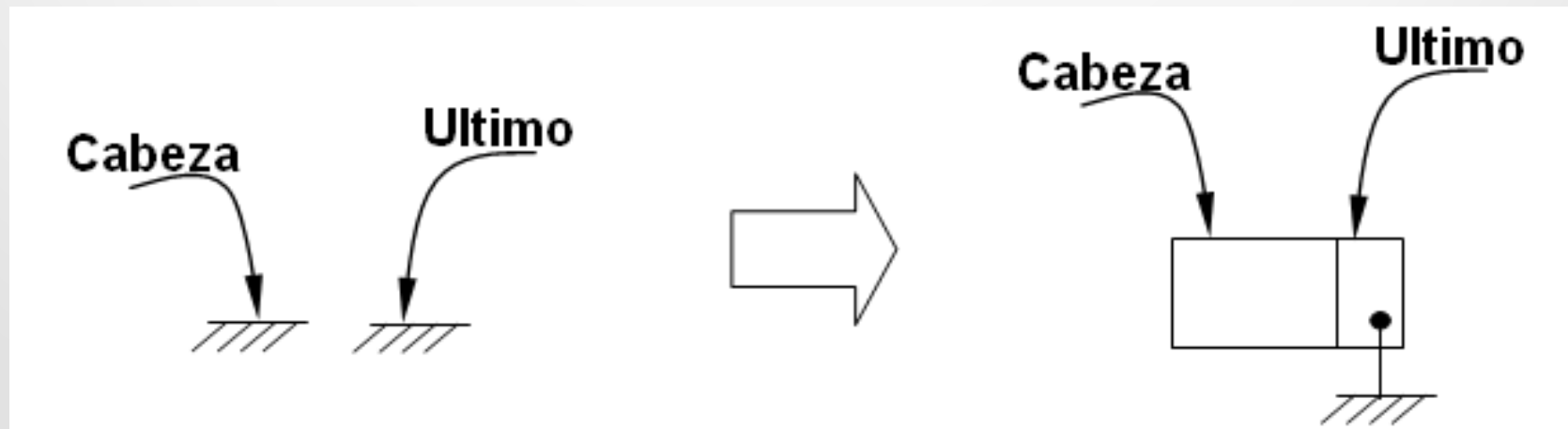
3.3 Listas Encadenadas

Constructor()

cabeza y **ultimo** inician en **NULL**.

entra()

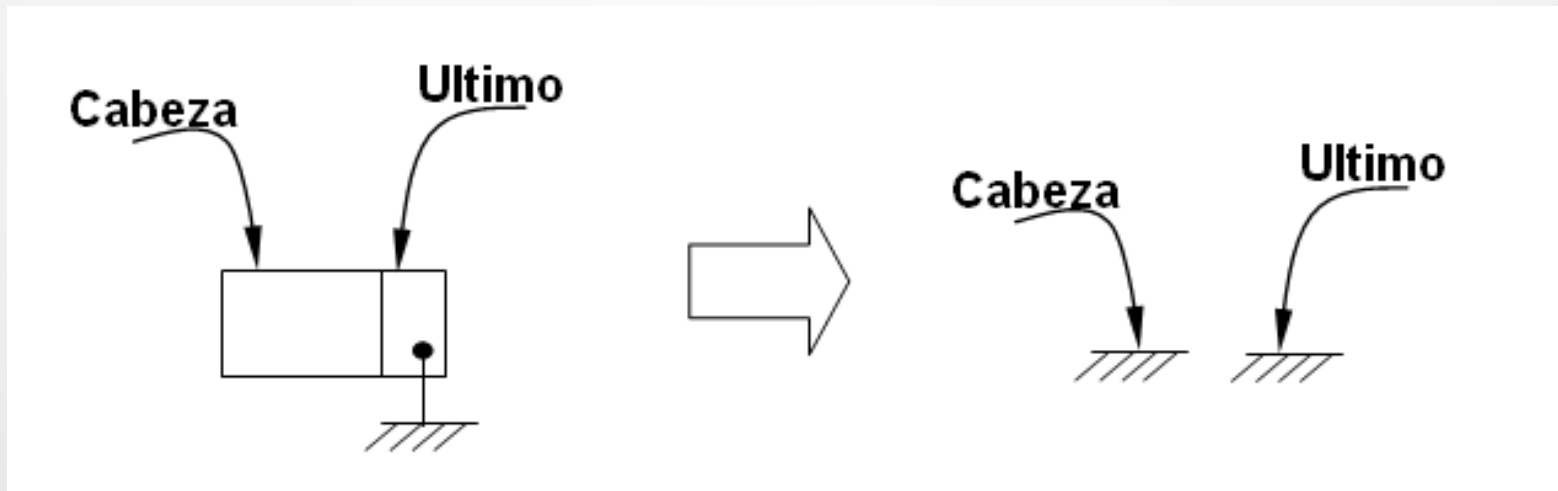
- Guardar el **nuevo dato** en el campo **info** de un nuevo nodo.
- Guardar **NULL** en el campo **sucesor** del nuevo nodo.
- Guardar en el **sucesor** del ultimo nodo la dirección del **nuevo nodo**.
- Guardar en la variable **ultimo** la dirección del nuevo nodo.
 - **Caso Especial:** Cuando la lista está vacía, la dirección del nuevo nodo se debe guardar en la variable **cabeza**.



3.3 Listas Encadenadas

sale()

- Recuperar el dato contenido en el primer nodo.
- Guardar en la variable **cabeza** la dirección que está en el campo **sucesor** del primer nodo.
 - **Caso especial:** Si solo resta un nodo en la lista, a la variable **ultimo** deberá asignarse **NULL**.



- Liberar el nodo que ya no se usa.

3.3 Listas Encadenadas

vacía()

Si cabeza de lista contiene el valor **NULL**.

llena()

Si no hay memoria suficiente para otro nodo.

3.3 Listas Encadenadas

```
class Cola{
    private:
        struct Nodo
        {
            char info;
            Nodo* sucesor;
        };
        Nodo* cabeza;
        Nodo* ultimo;
    public:
        Cola();
        void entra(char x);
        char sale();
        bool vacia();
        bool llena();
        ~Cola();
};
```

3.3 Listas Encadenadas

```
Cola::Cola() {  
    cabeza=NULL;  
    ultimo=NULL;  
};  
  
void Cola::entra(char x) {  
    Nodo* temp;  
    temp=new Nodo;  
    temp->info = x;  
    temp->sucesor = NULL;  
    if (cabeza==NULL)  
        cabeza=temp;  
    else  
        ultimo->sucesor=temp;  
    ultimo=temp;  
};
```

3.3 Listas Encadenadas

```
char Cola::sale() {  
    Nodo* temp=cabeza;  
    char result=cabeza->info;  
    cabeza=cabeza->sucesor;  
    if (cabeza==NULL)  
        ultimo=NULL;  
    delete temp;  
    return result;  
};  
  
bool Cola::vacía() {  
    return (cabeza==NULL) ;  
};
```

3.3 Listas Encadenadas

```
bool Cola::llena() {  
    return (false);    // asumimos que siempre  
                        // habrá espacio en el Heap  
};  
  
Cola::~~Cola() {  
    Nodo* temp;  
    while (cabeza!=NULL) {  
        temp=cabeza;  
        cabeza=cabeza->sucesor;  
        delete temp;  
    };  
};
```

3.3 Listas Encadenadas

Ejercicio 3.3.b:

Modificar la clase Cola para añadir un método que se llame ***Consultar***.

- Debe imprimir una lista con el orden en que los datos saldrán, obviamente sin eliminarlos de la Cola:

1.- A

2.- B

3.- C

4.- D

3.3 Listas Encadenadas

Ejercicio 3.3.b (cont.)

- También hay que escribir una aplicación en C++, para usar la Clase Cola y el método que se acaba de escribir.
- Esa aplicación mostrará un menú con las opciones:
 - 1.- Entradas
 - 2.- Salidas
 - 3.- Consultar
 - 0.- Terminar.
- El menú se repetirá hasta que se presione la opción "Terminar".

3.3 Listas Encadenadas

Ejercicio 3.3.c:

Modificar la clase Cola para que se resuelva sin necesidad del apuntador *último*, la solución correcta es usar ese apuntador, sin embargo, se hace esta solicitud como ejercicio para reforzar el conocimiento respecto al uso del apuntador *último*.

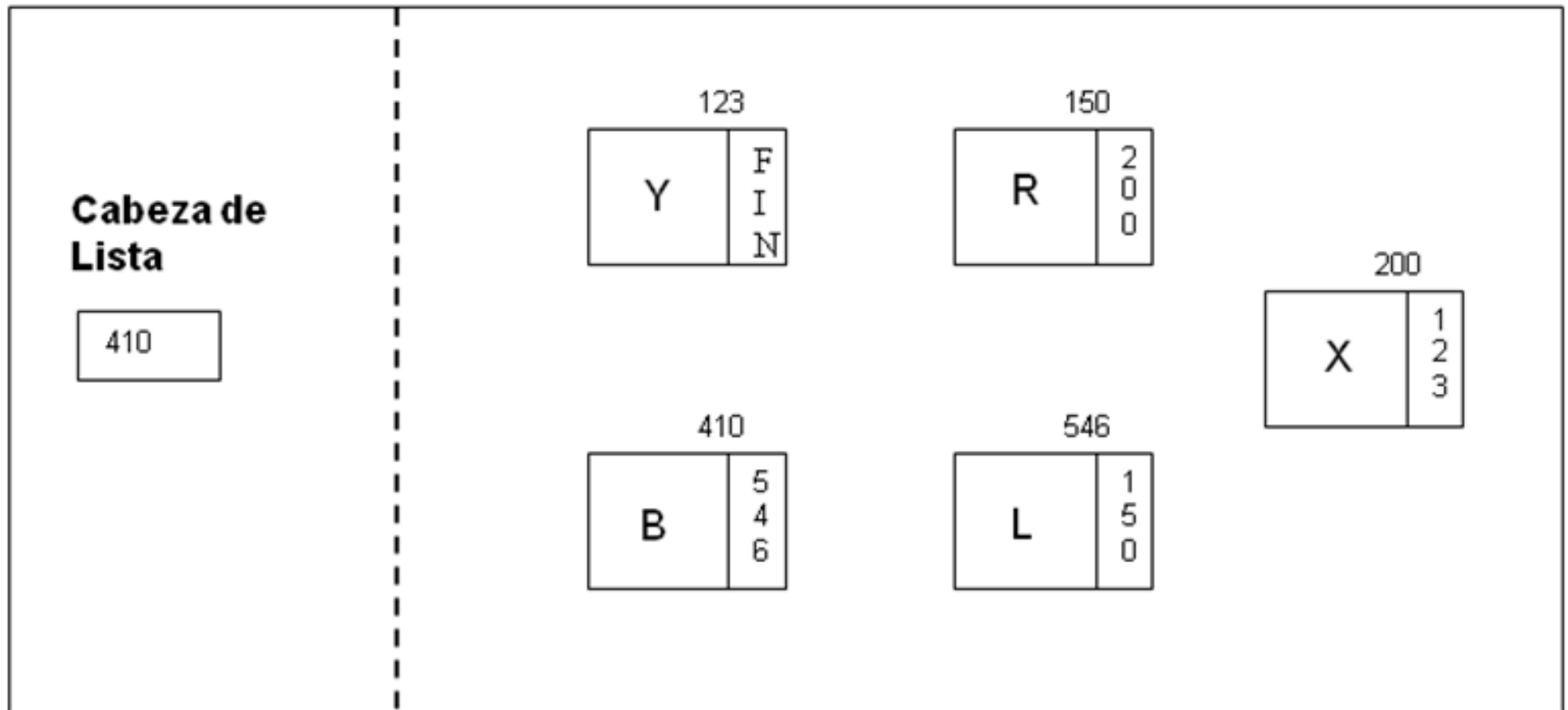
3.3 Listas Encadenadas

Tercera Aplicación de Listas Encadenadas

Lista Ordenada y Colas de Prioridades

- Cuando usamos una L. E. para **pilas** o **colas**:
 1. El orden en que los nodos se colocan en la lista, no depende del valor del dato sino de la secuencia de entrada a la lista.
 2. El proceso que se sigue durante las altas y las bajas, siempre es el mismo.
- Al añadir datos a una **lista que debe permanecer ordenada** el nodo para el nuevo dato puede quedar en cualquier parte de la lista.

3.3 Listas Encadenadas



Con la figura de arriba (una Lista Ordenada) razone que procesos hay que seguir para dar de alta una D, luego una Z, luego una T y finalmente una A y la lista siga permaneciendo ordenada.

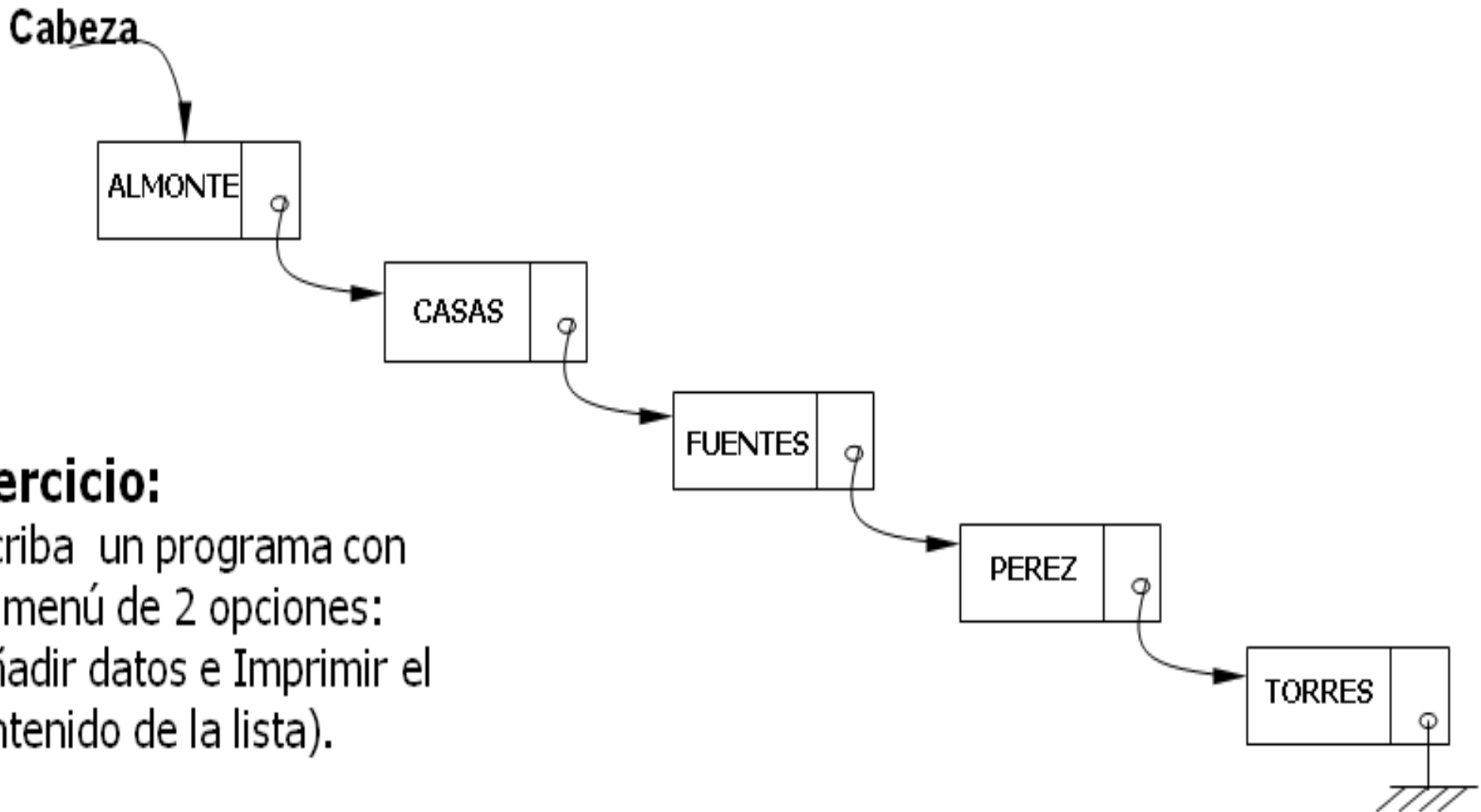
3.3 Listas Encadenadas

Procedimiento para Añadir

1. Solicitar un nuevo nodo y guardar el dato en el campo info.
2. Determinar en que parte de la lista debe quedar. Algoritmo:
 - ❑ Recorrer la lista hasta encontrar un nodo con un dato mayor o igual que el que se va a añadir.
 - ❑ Use dos variables: **temp2** para guardar la dirección del nodo localizado (dato mayor) y **temp1** para el nodo anterior.
 - ❑ El nuevo nodo quedará entre ambos nodos.
 - ❑ Es posible que **temp2** valga **NULL**.
 - ❑ Es posible que no haya un nodo **anterior** y por lo tanto **temp1** también valga **NULL**.
3. Enlazar el nuevo nodo.
 - ❑ Si **temp1** contiene **NULL**, el nuevo nodo deberá quedar al inicio de la lista.
 - ❑ No importa que **temp2** valga **NULL**, basta aplicar el procedimiento para enlazar un nodo "entre" dos nodos y se obtiene el resultado esperado.

3.3 Listas Encadenadas

Tome como base la siguiente lista para probar el algoritmo anterior.



Ejercicio:

Escriba un programa con un menú de 2 opciones: (Añadir datos e Imprimir el contenido de la lista).

```

#include <iostream>
#include <cstring>
#include <conio.h>
using namespace std;
struct Nodo {
    string info;
    Nodo *sucesor;
};
int main(){
    char opcion; Nodo* cabeza; Nodo *temp, *nuevo,*nodoAnt;
    cabeza=NULL;
    do {
        cout << "\nLista Ordenada \n"; cout << "1.- Altas\n" << "2.- Imprimir\n"; cout << "0.- Terminar\n\n";
        cout << "Opcion: ";opcion = getch(); cout << opcion; cout << endl;
        switch (opcion){
            case '0':
                while (cabeza!=NULL) {
                    temp=cabeza;
                    cabeza=cabeza->sucesor;
                    delete temp;
                };
                break;
            case '1':
                nuevo=new Nodo;
                cout<<"Nuevo Dato: ";getline(cin,nuevo->info);
                nodoAnt=NULL;
                temp=cabeza;
                while ((temp!=NULL)and(nuevo->info>temp->info)) {
                    nodoAnt=temp;
                    temp=temp->sucesor;
                };
                if (nodoAnt==NULL)
                    cabeza=nuevo;
                else
                    nodoAnt->sucesor=nuevo;
                nuevo->sucesor=temp;
                break;
            case '2':
                temp=cabeza;
                while (temp!=NULL) {
                    cout << temp->info << endl;
                    temp=temp->sucesor;
                }
                break;
        }
    }
    while (opcion!='0');
    return 0;
}

```

3.3 Listas Encadenadas

Ejercicio 3.3.d:

Añadiremos al programa la opción:

«**3.- Impresión inversa (programa recursivo)**»

- Hay que usar la siguiente función:

```
void ImpresionInversa(Nodo* temp){  
    if (temp!=NULL){  
        ImpresionInversa(temp->sucesor);  
        cout << temp->info << endl;  
    }  
}
```

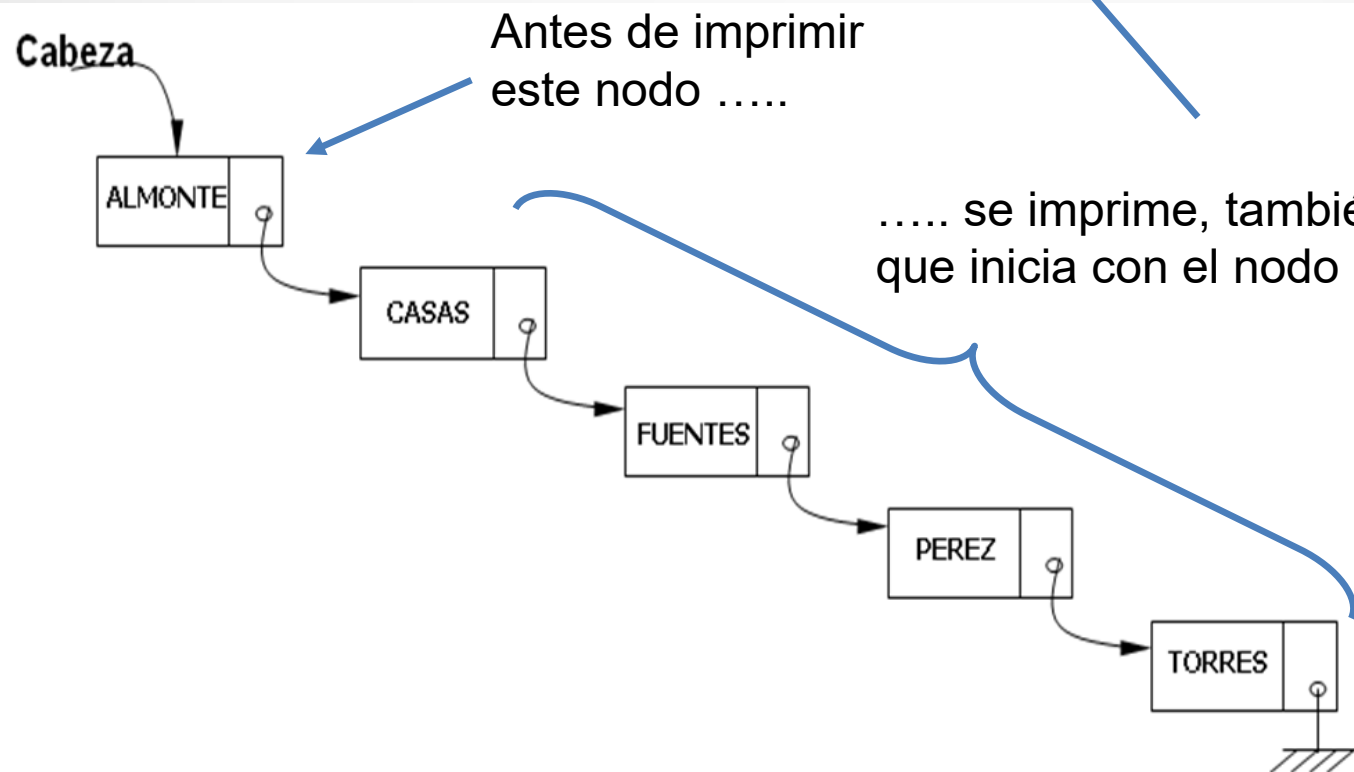
- Y hacer la siguiente llamada para la ejecución inicial:

```
ImpresionInversa(cabeza);
```

3.3 Listas Encadenadas

```
void ImpresionInversa(Nodo* temp){  
    if (temp!=NULL){  
        ImpresionInversa(temp->sucesor);  
        cout << temp->info << endl;  
    }  
}
```

```
ImpresionInversa(cabeza);
```



3.3 Listas Encadenadas

Eliminación de Datos de Lista Ordenada

Debe considerarse la posibilidad de eliminar cualquier nodo de la lista ordenada, sin importar en donde se encuentra.

- Se usan 2 variables temporales tipo apuntador: nodoant y temp.
- Temp señala siempre al nodo que se "visita" (empezando en el primer nodo) y nodoant al nodo anterior (empezando en **NULL**).
- Recorrido.
 - Cuando temp llegue a **NULL** o el nodo temp contenga un dato mayor al que buscamos eliminar, significa que la búsqueda terminó y el dato no está en la lista.
 - Por el contrario, si encontramos en un nodo el dato a eliminar, hay que aplicar el algoritmo siguiente:
 - Si nodoant=**NULL**, aplicar el procedimiento para eliminar el **primer nodo**.
 - Si nodoant!=**NULL** aplicar el algoritmo para eliminar un nodo entre otros dos (si se trata de eliminar el último nodo incluso).

Este razonamiento asume que el dato que se pretende eliminar es un dato único en la lista...en caso de no serlo, este proceso de eliminación elimina el primero que se encuentre (estarán consecutivos).

3.3 Listas Encadenadas

Ejercicio 3.3.e:

Añada la opción «**4.- Eliminar**» al programa de Lista Encadenada Ordenada.

Si no lo puede programar usted mismo, pídale a un agente de IA enviándole el programa con que contamos con «1.- Altas» y «2.- Impresión» para que lo tome como base.

3.3 Listas Encadenadas

Ejercicio 3.3.f:

Añada al programa las opciones:

«5.- Impresión inversa iterativa v1»

- Se usará una Clase ***Pila*** (*Template*).

«6.- Impresión inversa iterativa v2»

- Usar algún otro razonamiento o variante.

3.3 Listas Encadenadas

Enseguida se muestra un archivo de cabecera de la clase Pila usando una plantilla (***template***).

- Las plantillas permiten declarar objetos de cierta clase con subtipos diferentes.
- Por ejemplo:
 - Con la misma clase podremos declarar pilas de enteros, strings, apuntadores, etc.
 - Los ejemplos que hemos hecho hasta solo contemplaban pilas de ***char***.

3.3 Listas Encadenadas

Para resolver la opción 5.- *Impresión Inversa Iterativa v1*:

- Se debe declarar en la aplicación de *lista ordenada* una pila de apuntadores, ***Pila<Nodo*> direcciones***.
- Se guardan las direcciones de cada nodo, uno a uno en la pila, mientras se recorre la lista.
- Al final se imprime la información de los nodos mientras se retiran de la pila las direcciones guardadas.
- En seguida se muestra el código.

3.3 Listas Encadenadas

Opción 5:

```
Pila<Nodo*> direcciones.  
temp=cabeza;  
while (temp!=NULL) {  
    direcciones.push(temp);  
    temp=temp->sucesor;  
}  
while (!direcciones.vacia())  
    cout << direcciones.pop()->info << endl;
```

Clase Pila con *Template*

```
template <class Tipo>
class Pila {
    private:
        struct Nodo {
            Tipo info;
            Nodo *sucesor;
        };
        Nodo *cabeza;
    public:
        Pila();
        void push(Tipo x);
        Tipo pop();
        Tipo ver();
        bool vacia();
        bool llena();
        ~Pila();
};
```

Tipo es un identificador que representa a cualquier tipo que el usuario requiera durante la declaración de una *Pila*

```
template <class Tipo>
Pila<Tipo>::Pila() {
    cabeza=NULL;
};
```

```
template <class Tipo>
void Pila<Tipo>::push(Tipo x) {
    Nodo *temp;
    temp=new Nodo;
    temp->info = x;
    temp->sucesor = cabeza;
    cabeza = temp;
};
```

```
template <class Tipo>
Tipo Pila<Tipo>::pop() {
    Nodo *temp=cabeza;
    Tipo result=cabeza->info;
    cabeza=cabeza->sucesor;
    delete temp;
    return result;
};

template <class Tipo>
Tipo Pila<Tipo>::ver(){
    return cabeza->info;
};

template <class Tipo>
bool Pila<Tipo>::vacia() {
    return (cabeza==NULL);
};

template <class Tipo>
bool Pila<Tipo>::llena() {
    return (false);
};

template <class Tipo>
Pila<Tipo>::~~Pila() {
    Nodo *temp;
    while (cabeza!=NULL) {
        temp=cabeza;
        cabeza=cabeza->sucesor;
        delete temp;
    };
};
```

3.3 Listas Encadenadas

Una alternativa para resolver el problema planteado de la impresión inversa, son las LISTAS DOBLEMENTE ENCADENADAS.

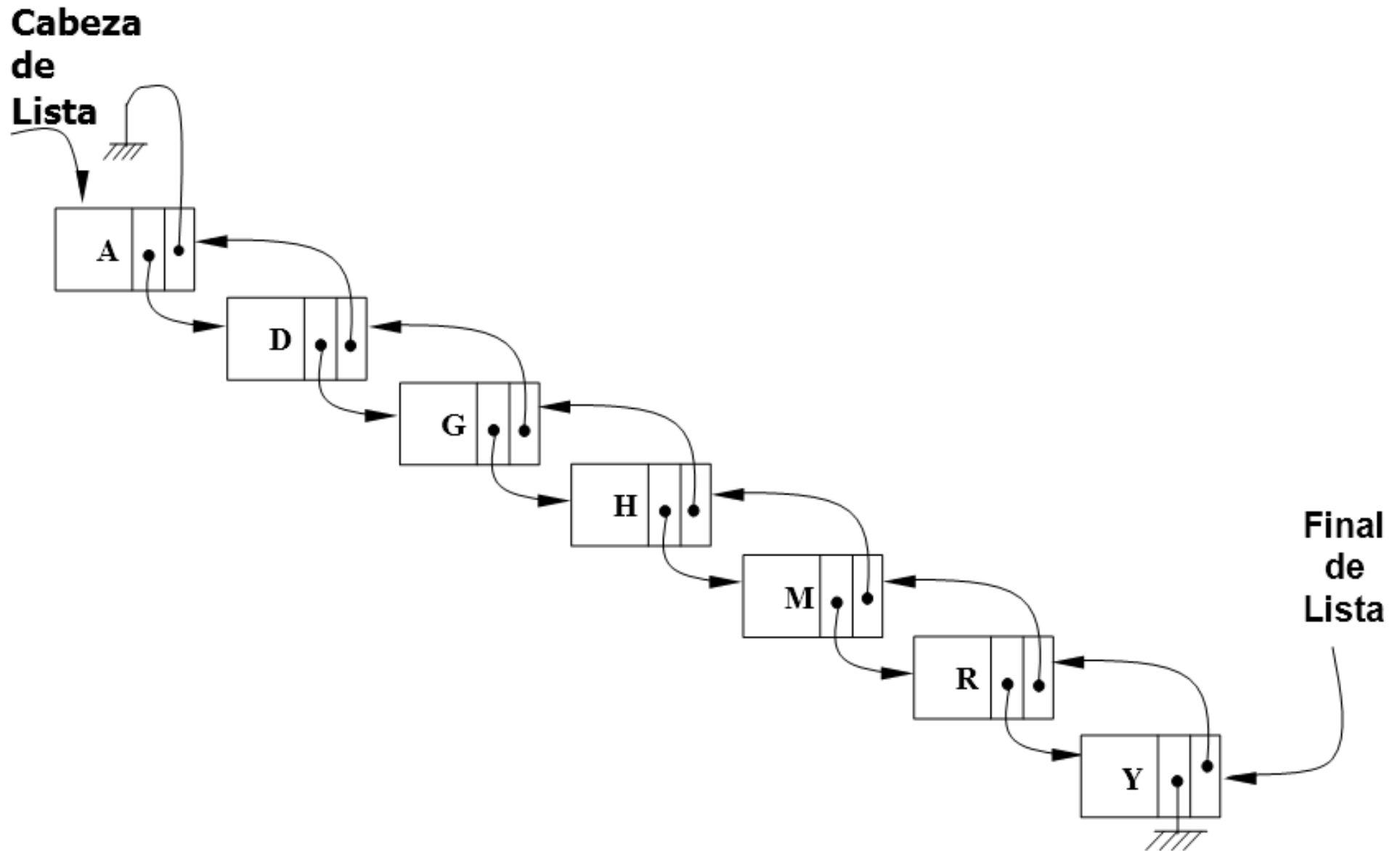
Las listas dobles son estructuras de datos en las que cada nodo contiene 2 apuntadores, uno al nodo siguiente y otro al nodo anterior en la lista. Esta variante aplica para el caso de **listas ordenadas**.



Se requiere también de un apuntador al final de la lista para que, junto con los apuntadores al nodo anterior, pueda hacerse un recorrido en el sentido inverso a la lista.

Los algoritmos de creación de la lista deben modificarse para mantener las direcciones de los apuntadores de cada nodo y las variables cabeza y final, siempre actualizadas correctamente.

3.3 Listas Encadenadas



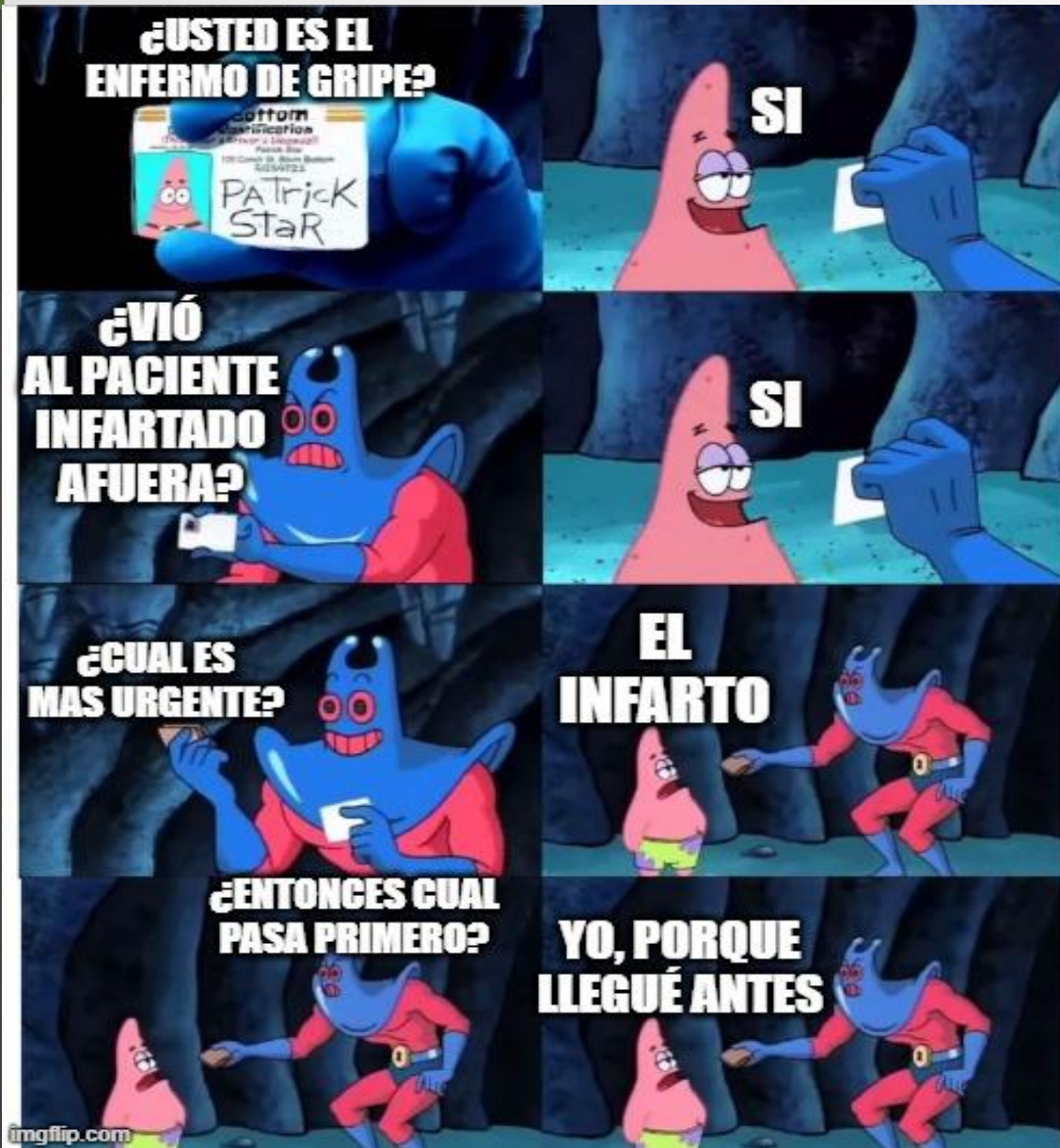
3.3 Listas Encadenadas

Ejercicio 3.3.g

Modifique el programa de lista ordenada (*o pida a un asistente de IA que lo haga enviando las 2 diapositivas anteriores para que comprenda lo que se desea obtener*) para que se construya con las características de una lista doble y la impresión a la inversa se realice de la siguiente forma simple:

- Iniciar el recorrido por el final de la lista y seguir los apuntadores al nodo anterior.

3.3 Listas Encadenadas (colas de prioridades)



Patricio tendría razón si se usara una cola para atender a los pacientes en un hospital.

Afortunadamente Patricio está equivocado.

3.3 Listas Encadenadas (colas de prioridades)

Estado de una **lista** de pacientes **esperando** a que se desocupe una sala de operaciones en cierto hospital:

Paciente	Edad	Tipo de Cirugía
Hugo Patito	7	Corregir pie plano
Pato Donald	31	Cuerdas vocales
Paco Patito	7	Corregir pie plano
Luis Patito	7	Corregir pie plano
Cerdo <u>Porky</u>	29	Lipoescultura

¿En que lugar se debería colocar en espera a

Tío Rico	50	Transplante de riñón
----------	----	----------------------

3.3 Listas Encadenadas (colas de prioridades)

Como la cirugía de Tío Rico es **más importante** que las cinco que están en espera antes que el, lo lógico es ponerla **al frente** (antes que las demás).

Paciente	Edad	Tipo de Cirugía
Tío Rico	50	Transplante de riñón
Hugo Patito	7	Corregir pie plano
Pato Donald	31	Cuerdas vocales
Paco Patito	7	Corregir pie plano
Luis Patito	7	Corregir pie plano
Cerdo <u>Porky</u>	29	Lipoescultura

... transcurre el tiempo y siguen ocupadas las salas ... los pacientes siguen en espera ... y llega:

Ciro <u>Peraloca</u>	50	Transplante de riñón
----------------------	----	----------------------

3.3 Listas Encadenadas (colas de prioridades)

Si seguimos el mismo razonamiento, lo colocaríamos al frente, porque es una cirugía importante como la de Tío Rico ...

Es decir, quedaría adelante del Tío Rico ... ¿es correcto?

De acuerdo con lo anterior, hay casos de colas en las que se requiere que los datos tengan asociado otro dato:

llamado PRIORIDAD

Este dato determina el orden dentro de la lista:

- El dato del frente será el de mayor prioridad (valor numérico menor).
- El dato de atrás será el de prioridad menor (valor numérico mayor).

3.3 Listas Encadenadas (colas de prioridades)

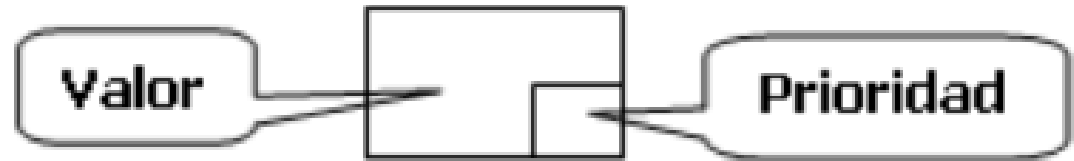
Los datos que tienen la misma prioridad, como en el caso de Tío Rico y Ciro, deben quedar juntos pero adelante el que entró primero (por esta razón es una **COLA**).

El caso de las cirugías es una de muchas aplicaciones para la vida real, un ejemplo más de este tipo es el control de atención en las cajas de los bancos. Los ejecutivos de cuenta son atendidos en las cajas antes que las personas que esperan, si no fuera así, pasarían mucho tiempo en espera ya que hacen varias operaciones de apertura de cuenta por mencionar uno de los casos.

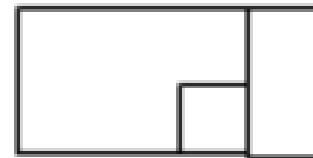
Hay una gran cantidad de uso de las colas de prioridades en los Sistemas Operativos y en Redes,

3.3 Listas Encadenadas (colas de prioridades)

El miembro INFO de
Cada Nodo debe ser así:



La representación de los
nodos sería de la
siguiente manera:



Cada nodo debe contener al menos dos miembros **"info"**, uno para el dato en sí (que en este caso es una estructura con 3 datos) y otro para la prioridad del dato en la cola.

3.3 Listas Encadenadas (colas de prioridades)

Como la prioridad es el valor que determina principalmente el orden de la lista, nuestro ejemplo, ya con prioridades, quedaría:

Paciente	Edad	Tipo de Cirugía	Prioridad
Tío Rico	50	Transplante de riñón	4
Ciro <u>Peraloca</u>	50	Transplante de riñón	4
Cerdo <u>Porky</u>	29	Lipoescultura	8
Hugo Patito	7	Corregir pie plano	10
Pato Donald	31	Cuerdas vocales	10
Paco Patito	7	Corregir pie plano	10
Luis Patito	7	Corregir pie plano	10

¿Que algoritmo usaríamos para encontrar lugar para el siguiente paciente?

Pata Daisy	26	Transplante de córnea	4
------------	----	-----------------------	---

... Recorrer la lista mientras la prioridad de los datos de la lista sea **MENOR O IGUAL** que la del nodo que va a entrar ...

3.3 Listas Encadenadas (colas de prioridades)

Paciente	Edad	Tipo de Cirugía	Prioridad
Tío Rico	50	Transplante de riñón	4
Ciro <u>Peraloca</u>	50	Transplante de riñón	4
Pata Daisy	26	Transplante de córnea	4
Cerdo <u>Porky</u>	29	Lipoescultura	8
Hugo Patito	7	Corregir pie plano	10
Pato Donald	31	Cuerdas vocales	10
Paco Patito	7	Corregir pie plano	10
Luis Patito	7	Corregir pie plano	10

Dos preguntas finales:

- De los 8 pacientes de esta lista, ¿quién llegó primero?
- Considerando solo a los 4 últimos, ¿quién llegó primero?

3.3 Listas Encadenadas (colas de prioridades)

Ejercicio 3.3.h.

Adecue el programa Lista Encadenada Ordenada para una Cola de Prioridades para un Hospital como en el ejemplo. La prioridad será asignada por el usuario del programa a su discreción.

- *Opcionalmente puede resolverlo pidiendo a un asistente de IA que lo haga enviando las diapositivas del tema para que lo resuelva como está planteado.*